

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

ИНСТИТУТ АГРОИНЖЕНЕРИИ ФГБОУ ВО ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГАУ

УТВЕРЖДАЮ

Декан инженерно-технологического
факультета



Д.Д. Бакайкин

23 апреля 2020 г.

Кафедра «Математические и естественнонаучные дисциплины»

Рабочая программа дисциплины

Б1.Б.09 МАТЕМАТИКА

Специальность **23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства**
Специализация **№3 «Технические средства агропромышленного комплекса»**

Уровень высшего образования - **специалитет**

Квалификация – **инженер**

Форма обучения - **очная**

Челябинск
2020

Рабочая программа дисциплины «Математика» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации 11.08.2016 г. № 1022. Рабочая программа предназначена для подготовки инженера по специальности **23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства**, специализация **№3 «Технические средства агропромышленного комплекса».**

Настоящая рабочая программа дисциплины составлена в рамках основной профессиональной образовательной программы (ОПОП) и учитывает особенности обучения при инклюзивном образовании лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) и инвалидов.

Составитель – кандидат педагогических наук, доцент кафедры «Математические и естественнонаучные дисциплины» Акулич О.Е.

Рабочая программа дисциплины обсуждена на заседании кафедры «Математические и естественнонаучные дисциплины»

«17» апреля 2020 г. (протокол № 8)

Зав. кафедрой «Математические и естественнонаучные дисциплины», доктор технических наук, профессор

Е.М. Басарыгина

Рабочая программа дисциплины одобрена методической комиссией инженерно-технологического факультета

«21» апреля 2020 г. (протокол № 5)

Председатель методической комиссии инженерно-технологического факультета, кандидат технических наук, доцент

А.П.Зырянов

Директор Научной библиотеки



Е.Л. Лебедева

СОДЕРЖАНИЕ

1.	Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП	4
1.1.	Цель и задачи дисциплины	4
1.2.	Планируемые результаты обучения по дисциплине (показатели сформированности компетенций)	4
2.	Место дисциплины в структуре ОПОП	5
3.	Объем дисциплины и виды учебной работы	5
3.1.	Распределение объема дисциплины по видам учебной работы	5
3.2.	Распределение учебного времени по разделам и темам	6
4.	Структура и содержание дисциплины	6
4.1.	Содержание дисциплины	6
4.2.	Содержание лекций	11
4.3.	Содержание лабораторных занятий	16
4.4.	Содержание практических занятий	16
4.5.	Виды и содержание самостоятельной работы обучающихся	17
5.	Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	19
6.	Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	20
7.	Основная и дополнительная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины	21
8.	Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимые для освоения дисциплины	22
9.	Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины	22
10.	Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем	24
11.	Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине	24
12.	Инновационные формы образовательных технологий	24
	Приложение №1. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	25
	Лист регистрации изменений	42

1. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП

1.1. Цель и задачи дисциплины

Инженер по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства должен быть подготовлен к следующим видам профессиональной деятельности: научно-исследовательской, проектно-конструкторской, производственно-технологической, организационно-управленческой деятельности.

Цель дисциплины – получение фундаментального образования, способствующего дальнейшему развитию личности будущего инженера и формированию его готовности к применению знаний в профессиональной деятельности.

Задачи дисциплины:

- изучить основы математического аппарата необходимого для решения теоретических и практических задач;
- формировать умения самостоятельно изучать учебную и научную литературу по математике и ее приложениям;
- развивать логическое и алгоритмическое мышление;
- повышать общий уровень математической культуры;
- формировать навыки математического исследования прикладных вопросов, умения использовать математические методы и основы математического моделирования в прикладных задачах будущей профессиональной деятельности.

1.2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (показатели сформированности компетенций)

Планируемые результаты освоения ОПОП (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине		
	знания	умения	навыки
ОК-1 способность к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся должен знать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу (Б1.Б.09–3.1)	Обучающийся должен уметь использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу (Б1.Б.09–У.1)	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу (Б1.Б.09–Н.1)
ОПК-5 способность на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности	Обучающийся должен знать: как на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности (Б1.Б.09–3.2)	Обучающийся должен уметь на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности (Б1.Б.09–У.2)	Обучающийся должен владеть навыками на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности (Б1.Б.09–Н.2)

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Математика» относится к базовой части Блока 1 (Б1.Б.09) основной образовательной программы специалитета по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализация №3 «Технические средства агропромышленного комплекса».

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предшествующими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

№ п/п	Наименование обеспечивающих (предыдущих) и обеспечиваемых (последующих) дисциплин, практик	Формируемые компетенции					
		Раздел 1	Раздел 2	Раздел 3	Раздел 4	Раздел 5	Раздел 6
Последующие дисциплины, практики							
1	Учебная технологическая практика (в мастерских)	ОПК-5	ОПК-5	ОПК-5	ОПК-5	ОПК-5	ОПК-5
2	Учебная практика по получению первичных профессиональных умений и навыков, в том числе по получению первичных умений и навыков научно-исследовательской деятельности	ОК-1	ОК-1	ОК-1	ОК-1	ОК-1	ОК-1
3	Философия	ОК-1	ОК-1	ОК-1	ОК-1	ОК-1	ОК-1

3. Объём дисциплины и виды учебной работы

Объём дисциплины составляет 15 зачетных единиц (ЗЕТ), 540 академических часа (далее часов). Дисциплина изучается в 1, 2, 3, 4 семестрах.

3.1. Распределение объема дисциплины по видам учебной работы

Вид учебной работы	Количество часов
Контактная работа (всего)	256
В том числе:	
Лекции (Л)	120
Практические занятия (ПЗ)	136
Лабораторные занятия (ЛЗ)	–
Самостоятельная работа обучающихся (СР)	194
Контроль	90
Итого	540

3.2. Распределение учебного времени по разделам и темам

№ темы	Наименование разделов и тем	Всего часов	в том числе				
			контактная работа			СР	контроль
			Л	ЛЗ	ПЗ		
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия							
1.1.	Элементы линейной алгебры	20	4	-	6	10	х
1.2.	Векторная алгебра	22	6	-	8	8	х
1.3.	Аналитическая геометрия	40	10	-	10	20	х
Раздел 2. Математический анализ							
2.1.	Введение в анализ	48	12	-	8	28	х
2.2.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	31	10	-	10	11	х
2.3.	Неопределенный интеграл	34	10	-	10	14	х
2.4.	Определенный интеграл	30	8	-	8	14	х
2.5.	Функции нескольких переменных	22	8	-	8	6	х
2.6.	Кратные и криволинейные интегралы	39	10	-	16	13	х
2.7.	Числовые и функциональные ряды	32	8	-	12	12	х
Раздел 3. Элементы теории функции комплексного переменного							
3.1.	Комплексные числа, функция комплексного переменного	22	8	-	8	6	х
Раздел 4. Теория дифференциальных уравнений							
4.1.	Дифференциальные уравнения	30	8	-	14	8	х
4.2.	Системы дифференциальных уравнений	8	2	-	2	4	х
Раздел 5. Элементы дискретной математики							
5.1.	Теория графов	8	-	-	-	8	х
Раздел 6. Теория вероятностей и математическая статистика							
6.1.	Теория вероятностей	34	8	-	10	16	х
6.2.	Математическая статистика	30	8	-	6	16	х
	Контроль	90	х	-	х	х	90
	Итого	540	120	-	136	194	90

4. Структура и содержание дисциплины

4.1. Содержание дисциплины

Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия

Введение

Значение курса математики в профессиональной подготовке и профессиональной деятельности. Ориентировочная основа действий по применению математики в решении прикладных задач; понятия математического моделирования, метода и алгоритма решения задач. Элементы математической логики; необходимое и достаточное условия. Символы математической логики, их использование.

Элементы линейной алгебры

Линейные преобразования и их матрицы, действия с ними. Понятие обратной матрицы. Системы двух и трех линейных уравнений. Матричная запись системы линейных уравнений и её решение. Ранг матрицы. Базисный минор. Теорема Кронекера-Капелли. Исследование совместных систем линейных уравнений. Базисные решения. Система n линейных уравнений с n неизвестными. Метод Гаусса. Нахождение обратной матрицы. Определители второго и третьего порядков, их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Вычисление определителя разложением по строке (столбцу). Формулы Крамера.

Элементы векторной алгебры

Векторы. Линейные операции над векторами. Теоремы о проекции вектора на ось. Координаты вектора. Линейно независимые системы векторов. Базис. Разложение вектора по базису. Направляющие косинусы и длина вектора. Понятие о векторных диаграммах в науке и технике. Скалярное произведение векторов и его свойства, выражение в координатной форме. Длина вектора и угол между двумя векторами в координатной форме. Условие ортогональности двух векторов. Механический и геометрический смысл скалярного произведения. Векторное произведение двух векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Условие коллинеарности двух векторов. Простейшие приложения векторного произведения. Смешанное произведение трех векторов. Свойства и выражение в координатной форме. Применение смешанного произведения в решении прикладных задач.

Аналитической геометрии

Уравнения линий на плоскости. Различные формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условие параллельности и перпендикулярности. Пересечение двух прямых. Уравнение пучка прямых, проходящих через данную точку. Метод координат. Основные задачи на метод координат (расстояние между двумя точками, деление отрезка в данном отношении, расстояние от точки до прямой). Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гиперболола, парабола, их геометрические свойства и уравнения. Эксцентриситет эллипс и гипербололы. Асимптоты гипербололы. Сопряжённая гиперболола. Понятие об общем уравнении кривой второго порядка и приведение его к канонической форме путём переноса.

Плоскость. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку и перпендикулярно данному вектору. Общее уравнение плоскости и его частные виды. Угол между плоскостями, условия параллельности и перпендикулярности. Угол между прямой и плоскостью, условия параллельности и перпендикулярности. Задача о нахождении точки пересечения прямой и плоскости.

Уравнение поверхности в пространстве. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперболоиды. Параболоиды. Конус. Канонические уравнения поверхностей второго порядка. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений. Технические приложения геометрических свойств поверхностей.

Полярные координаты на плоскости, их связь с декартовой системой координат. Кривые в полярных координатах (кардиоиды, спираль, лемниската). Цилиндрические и сферические координаты в пространстве. Различные способы задания линий и поверхностей в пространстве.

Раздел 2. Математический анализ

Введение в математический анализ

Множество вещественных чисел. Функция. Область её определения. Способы задания. Основные элементарные функции, их свойства и графики. Сложные и обратные функции, их графики. Классификация функций. Числовые последовательности, их роль в вычислительных процессах. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности. Теорема о существовании предела монотонной ограниченной последовательности (формулировка). Число e . Натуральные логарифмы. Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Пределы монотонных функций. Бесконечно малые

и бесконечно большие функции в точке, их свойства. Сравнение бесконечно малых. Порядок малости. Эквивалентные бесконечно малые. Непрерывность функций в точке и на множестве. Точки разрыва функции и их классификации. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность основных элементарных функций. Свойства функции, непрерывной на отрезке: ограниченность, существование наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений.

Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Понятие функции, дифференцируемой в точке, дифференциал функции и его геометрический смысл. Производная функции, ее смысл в различных задачах. Производные основных элементарных функций. Правила нахождения производной и дифференциала. Производная сложной и обратной функции. Инвариантность формы дифференциала. Применение дифференциала к приближенным вычислениям. Дифференцирование функций, заданных неявно, параметрически. Точки экстремума функции. Теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши, их применение. Правило Лопиталья для раскрытия неопределенностей. Производные и дифференциалы высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков. Условия монотонности функции. Экстремумы функции, необходимое условие. Достаточные условия. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на интервале. Исследование выпуклости и вогнутости графика функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Понятие об асимптотическом разложении. Общая схема исследования функции и построения графика по характерным точкам. Вектор-функция скалярного аргумента. Годограф. Предел и непрерывность вектор-функции. Дифференцирование вектор-функции, механический и геометрический смысл производной вектор-функции. Приложения к механике. Дифференциал дуги кривой и его геометрический смысл. Средняя кривизна кривой и кривизна в точке. Радиус и центр кривизны.

Неопределенный интеграл

Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Использование таблицы основных интегралов. Методы интегрирования: интегрирование заменой переменной и по частям, интегрирование рациональных дробей, тригонометрические подстановки и методы «рационализации» интегралов. Понятие «берущихся» и «неберущихся» интегралов в элементарных функциях.

Определенный интеграл

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл, как предел интегральной суммы. Понятие об интегрируемой функции, формулировка теоремы существования. Простейшие свойства определенного интеграла, теорема о среднем. Среднее значение функции. Производная от определенного интеграла по верхнему пределу. Связь между определенным интегралом и первообразной функцией. Формула Ньютона-Лейбница, ее применение для вычисления определенных интегралов. Вычисление определенных интегралов способом подстановки и по частям. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций, их основные свойства. Геометрическое приложение определенного интеграла: вычисление площадей фигур, ограниченных кривыми в декартовой и полярной системах координат, объемов тел по площадям поперечных сечений и тел вращения, длин дуг кривых, площадей поверхностей вращения. Приложения интеграла к решению простейших задач механики и физики.

Функции нескольких переменных

Функции нескольких переменных. Область определения. Предел функции. Непрерывность. Некоторые понятия топологии. Частные производные. Их геометрический смысл (для случая двух переменных). Полное приращение функции. Теорема о полном приращении. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Инвариантность формы полного дифференциала. Условия, при которых выражение $P(x,y)dx + Q(x,y)dy$ является полным дифференциалом. Дифференцирование сложной функции. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.

Геометрический смысл полного дифференциала. Частные производные и полные дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных (формулировка). Формула Тейлора. Неявные функции. Теоремы существования. Дифференцирование неявных функций. Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточные условия экстремума. Отыскание наибольших и наименьших значений функции. Задача обработки наблюдений. Подбор параметров кривых по способу наименьших квадратов. Понятие о способах выравнивания.

Элементы теории поля

Скалярное и векторное поля. Поверхности и линии уровня. Производная по направлению. Градиент функции и его свойства. Связь градиента с поверхностями и линиями уровня. Понятие о потоке векторного поля. Дивергенция. Формула Остроградского-Гаусса. Циркуляция поля. Ротор поля. Формула Стокса.

Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы

Задачи, приводящие к понятию кратных интегралов. Двойной и тройной интегралы, их свойства. Формулировка теоремы о существовании двойного интеграла. Теорема о среднем значении. Вычисление кратных интегралов повторным интегрированием. Переход в двойном интеграле к полярным координатам. Геометрические и физические приложения двойного интеграла: вычисление объёмов тел, площадей и массы плоских фигур, статических моментов, координат центра тяжести и моментов инерции плоских фигур. Переход в тройном интеграле к цилиндрическим и сферическим координатам. Геометрические и физические приложения тройного интеграла: вычисление объёмов и массы тел, статических моментов, координат центра тяжести и моментов инерции тел.

Задачи, приводящие к понятиям криволинейных и поверхностных интегралов. Определение поверхностных интегралов, их свойства, примеры вычисления. Определение криволинейных интегралов первого и второго рода, их свойства, примеры вычисления. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования (плоский случай). Нахождение функции двух переменных по её полному дифференциалу.

Числовые и функциональные ряды

Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия с рядами. Расходимость гармонического ряда. Основные свойства сходящихся рядов. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения, Даламбера, Коши. Обобщённый ряд как пример эталонного ряда. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка ряда. Абсолютная и неабсолютная сходимость. Функциональные ряды. Область сходимости, методы ее определения. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда: непрерывность, возможность почленного дифференцирования и интегрирования. Ряд Тейлора и Маклорена. Разложение функций в степенные ряды. Примеры разложения. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях: вычисление определённых интегралов, решение дифференциальных уравнений.

Ряды Фурье по тригонометрическим системам. Формулы для коэффициентов ряда. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Ряд Фурье для чётных и нечётных функций. Формулировка достаточных условий сходимости рядов Фурье. Ряд Фурье для функции с любым периодом. Условие поточечной сходимости и сходимости «в среднем». Применение тригонометрических рядов Фурье в приближенных вычислениях. Понятие о практическом гармоническом анализе. Интеграл Фурье.

Раздел 3. Элементы теории функции комплексного переменного

Комплексные числа, действия с ними. Изображение комплексных чисел на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Их свойства. Алгебраическая и тригонометрическая формы комплексного числа. Алгебраические действия над ними. Формула Эйлера. Показательная форма комплексного числа. Корни из комплексных чисел. Функции комплексного переменного. Элементарные аналитические функции. Дифференцируемость. Условия Коши-

Римана. Интегрирование по комплексному аргументу. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.

Раздел 4. Теория дифференциальных уравнений

Дифференциальные уравнения

Физические задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Дифференциальные уравнения первого порядка. Понятие об общем и частном решении. Интегральные кривые. Начальные условия. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Основные классы уравнений, интегрируемых в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные и линейные. Понятие об особом решении. Поле направлений дифференциального уравнения. Изоклины. Приложения дифференциальных уравнений первого порядка в различных областях науки. Дифференциальные уравнения высших порядков. Общее и частное решение. Задача Коши. Понятие о краевых задачах для дифференциальных уравнений. Уравнения, допускающие понижение порядка. Примеры применения дифференциальных уравнений в науке и технике. Линейные дифференциальные уравнения, однородные и неоднородные. Понятие общего решения. Свойства их решений. Линейно независимые решения. Структура общего решения. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Запись общего решения в зависимости от корней характеристического уравнения. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Теорема о наложении решений. Уравнения с правой частью специального вида. Приложения к описанию линейных моделей. Метод вариации произвольных постоянных. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами высших порядков.

Системы дифференциальных уравнений

Нормальная система дифференциальных уравнений. Автономные системы. Векторная запись нормальной системы. Геометрический смысл решения. Фазовое пространство (плоскость), фазовая кривая. Приложения в динамике систем материальных точек, в теории автоматического управления, в биологии и т.п. Задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Метод исключения для решения нормальных систем дифференциальных уравнений. Системы линейных дифференциальных уравнений, свойства решений. Решение систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

Раздел 5. Дискретная математика

Элементы дискретной математики

Основные понятия теории графов. Деревья. Лес. Бинарные деревья. Связность графа: матричный и строчный способы задания графа. Некоторые задачи теории графов.

Раздел 6. Теория вероятности и теория математической статистики, статистических методов обработки экспериментальных данных

Теория вероятности

Предмет теории вероятностей. Классификация событий. Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Относительные частоты. Закон устойчивости относительных частот. Статистическое, классическое и геометрическое определение вероятности. Условная вероятность. Понятие об аксиоматическом построении теории вероятностей. Комбинаторика. Теоремы умножения вероятностей независимых и зависимых событий. Теоремы сложения вероятностей несовместных и совместных событий. Полная группа событий. Вероятность противоположного события. Вероятность появления хотя бы одного события. Формулы полной вероятности, Байеса. Примеры. Повторение испытаний. Формула Бернулли. Локальная и

интегральная теорема Лапласа. Формула Пуассона. Примеры. Дискретные случайные величины. Закон распределения вероятностей дискретной случайной величины (ряд распределения, многоугольник распределения, функция распределения и ее свойства). Законы биномиальный и Пуассона. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Теоретические моменты. Непрерывные случайные величины. Функция распределения, плотность распределения, их взаимосвязь и свойства. Равномерный, показательный, нормальный законы распределения непрерывных случайных величин, правило «трех сигм». Числовые характеристики непрерывных случайных величин. Понятие о различных формах закона больших чисел. Теоремы Бернулли и Чебышева. Центральная предельная теорема Ляпунова.

Основные понятия и методы математической статистики

Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения выборки. Статистическое оценивание параметра распределения по выборке. Точечные оценки и их характеристики: несмещенность, эффективность, состоятельность. Методы получения точечных оценок равномерного, показательного, нормального распределений (метод максимального правдоподобия, метод моментов). Интервальные оценки. Доверительные интервалы. Интервальное оценивание параметров нормального распределения. Примеры. Статистические гипотезы, их виды. Понятие о проверке статистических гипотез. Ошибки 1 – го и 2 – го рода. Решающая процедура. Мощность критерия. Доверительные области. Критерии согласия Пирсона, Колмогорова, Стьюдента, Фишера. Примеры.

Статистическая обработка экспериментальных данных

Понятие о функциональной и корреляционной зависимости между величинами. Корреляционный анализ связи между качественными и количественными признаками. Коэффициенты линейной парной корреляции и корреляции рангов Спирмена. Непараметрическая статистика. Регрессионный анализ. Оценка параметров уравнений линейной и нелинейной парной регрессии методом наименьших квадратов.

4.2. Содержание лекций

№ п/п	Наименование лекций	Количество часов
1.	Значение курса математики в профессиональной подготовке и профессиональной деятельности. Понятие математического моделирования, метода и алгоритма решения задач. Элементы математической логики. Матрицы. Основные понятия, действия над матрицами. Определители 2-го и 3-го порядков и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по строке (столбцу). Обратная матрица. Ранг матрицы.	2
2.	Системы двух и трех линейных уравнений. Матричная запись системы линейных уравнений и её решение. Теорема Кронекера-Капелли. Исследование совместных систем линейных уравнений. Базисные решения. Метод Гаусса. Формулы Крамера.	2
3.	Системы координат на плоскости и в пространстве. Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось, свойства проекции. Понятие линейного пространства. Координаты вектора. Линейно независимые векторы. Прямоугольный базис. Разложение вектора в прямоугольном базисе. Направляющие косинусы и длина вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме. Деление отрезка в заданном отношении.	2

№ п/п	Наименование лекций	Количество часов
4.	Скалярное произведение векторов. Свойства скалярного произведения, физический смысл, выражение в координатной форме. Длина вектора и угол между двумя векторами. Условие ортогональности двух векторов. Применение скалярного произведения в решении прикладных задач.	2
5.	Векторное произведение векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Условие коллинеарности векторов. Физический смысл векторного произведения. Понятие о смешанном произведении, выражение в координатной форме. Применение векторного и смешанного произведений в решении прикладных задач.	2
6.	Уравнения линий на плоскости. Полярные координаты на плоскости. Формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Уравнение пучка прямых.	2
7-8.	Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения. Решение задач.	4
9.	Поверхности и их уравнения. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между прямой и плоскостью.	2
10.	Поверхности второго порядка. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперboloиды. Параболоиды. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений.	2
11.	Множество вещественных чисел. Функция. Область ее определения. Способы задания. Классификация функций. Полярные координаты на плоскости. Кривые в полярных координатах. Цилиндрическая система координат. Сферическая система координат. Сложная функция, обратная функция, неявная функция, параметрически заданная функция. Элементы поведения функции. Основные элементарные функции, их свойства и графики.	2
12.	Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности. Признаки сходимости числовых последовательностей. Число e . Вычисление пределов числовых последовательностей.	2
13.	Предел функции в точке, на бесконечности. Геометрическая иллюстрация. Односторонние пределы функций. Бесконечно малые функции, их свойства. Бесконечно большие функции, их связь с бесконечно малыми функциями.	2
14.	Теоремы о связи функции, имеющей предел, с бесконечно малой функцией. Основные теоремы о пределах. Неопределенности и методы их раскрытия. Вычисление односторонних пределов.	2
15.	Теоремы о предельном переходе в неравенствах. Замечательные пределы. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции.	2
16.	Непрерывность функций в точке и на множестве. Точки разрыва функции и их классификации. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность основных элементарных функций. Свойства функции, непрерывной на отрезке (ограниченность, существование наименьшего и	2

№ п/п	Наименование лекций	Количество часов
	наибольшего значений, существование промежуточных значений).	
17-18.	Комплексные числа, действия с ними. Изображение комплексных чисел на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Их свойства. Алгебраическая и тригонометрическая формы комплексного числа. Алгебраические действия над ними. Формула Эйлера. Показательная форма комплексного числа. Корни из комплексных чисел.	4
19.	Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной функции в точке. Геометрический и механический смысл производной. Уравнения касательной и нормали к плоской кривой. Теорема о непрерывности дифференцируемой функции. Основные правила дифференцирования функций. Производная сложной функции. Дифференцирование обратной функции. Производные основных элементарных функций, таблица производных. Производная неявной функции. Векторная функция скалярного аргумента и ее производная.	2
20.	Дифференциал функции. Геометрический смысл. Связь с производной. Свойства первого дифференциала. Производная параметрически заданной функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков. Механический смысл производной второго порядка. Вторая производная параметрически заданной функции и неявной функции. Геометрический и механический смысл производной и дифференциала 1-го порядка, их применение в решении прикладных задач	2
21.	Основные теоремы дифференциального исчисления действительной переменной и их применение: теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталья.	2
22.	Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков. Условия монотонности функции. Экстремумы функции, необходимое и достаточное условия существования экстремума. Отыскание наименьшего и наибольшего значений функции, дифференцируемой на отрезке. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба. Достаточное условие существования точки перегиба.	2
23.	Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения ее графика. Примеры.	2
24.	Первообразная функция. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов.	2
25.	Методы интегрирования: непосредственное интегрирование, метод замены переменной в неопределенном интеграле и интегрирование по частям.	2
26.	Многочлены. Теорема Безу. Основная теорема алгебры. Разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и квадратные множители. Разложение рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных функций.	2
27-28.	Интегрирование иррациональных функций (степенные и тригонометрические подстановки), тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка. Выражения, неинтегрируемые в квадратурах.	4
29.	Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный	2

№ п/п	Наименование лекций	Количество часов
	интеграл. Теорема существования определенного интеграла. Свойства определенного интеграла. Производная интеграла по верхнему переменному пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменной в определенном интеграле. Определенный интеграл от нечетной и четной функции по симметричному промежутку.	
30.	Несобственный интеграл с бесконечными пределами интегрирования и от неограниченных функций.	2
31- 32.	Приложение определенного интеграла к решению геометрических и физических задач: вычисление площади плоской фигуры, длины дуги кривой (площадей плоских фигур, длины дуги, площади поверхности, объема тела вращения, работы, давления, статистических моментов, центра тяжести плоской фигуры.).	4
33.	Функции двух действительных переменных, способы их задания. Область определения. Линии уровня функции двух переменных. Частные производные первого порядка, их геометрический смысл.	2
34.	Полный дифференциал, его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала. Приближенные вычисления с помощью первого дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.	2
35- 36.	Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие экстремума. Отыскание наименьших и наибольших значений функции. Элементы теории поля: вычисление градиента, производной по направлению, дивергенции.	4
37.	Задачи, приводящие к понятию дифференциальных уравнений (ДУ). Порядок ДУ, решение ДУ первого порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. ДУ первого порядка с разделяющимися переменными.	2
38.	Однородные Д.У. первого порядка. Линейные Д.У. первого порядка. Уравнение Я. Бернулли. Поле направлений. Изоклины.	2
39.	ДУ второго порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка. Линейно независимые и зависимые решения. Определитель Вронского, его свойства. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ. Общее решение ЛОДУ с постоянными коэффициентами.	2
40- 41.	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения (ЛНДУ) второго порядка с постоянными коэффициентами. Теорема о структуре общего решения. Метод вариации произвольных постоянных. Отыскание частного решения ЛНДУ со специальным видом правой части. Теорема о наложении решений. Системы дифференциальных уравнений.	4
42.	Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Двойной интеграл, его определение. Свойства, теорема о среднем значении. Вычисление двойного интеграла. Приложения двойного интеграла.	2

№ п/п	Наименование лекций	Количество часов
43-44.	Понятие тройного интеграла. Вычисление тройных интегралов в цилиндрических, сферических координатах. Приложения тройного интеграла.	4
45-46.	Задачи, приводящие к криволинейным интегралам. Криволинейные интегралы первого и второго рода, их свойства, примеры вычисления. Формула Грина. Условие независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования. Нахождение функции двух переменных по ее полному дифференциалу. Приложения криволинейных интегралов.	4
47.	Числовые ряды, сходящиеся и расходящиеся ряды, сумма ряда. Необходимый признак сходимости числового ряда. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов.	2
48.	Знакопеременные ряды. Достаточный признак сходимости знакопеременного ряда. Знакочередующиеся ряды. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Функциональные ряды. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал, радиус сходимости степенного ряда.	2
49.	Ряды Тейлора и Маклорена. Необходимое и достаточное условие разложения функции в степенной ряд. Разложение в степенной ряд функций e^x , $\sin x$, $\cos x$, $(1+x)^m$, $\ln(1+x)$, $\operatorname{arctg} x$.	2
50.	Ряды Фурье.	2
51-52.	Функции комплексного переменного. Элементарные аналитические функции. Дифференцируемость. Условия Коши-Римана. Интегрирование по комплексному аргументу. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.	4
53.	Предмет теории вероятностей. Классификация событий. Классическое и статистическое определения вероятности события. Закон устойчивости относительных частот. Геометрические вероятности. Алгебра событий. Теоремы сложения вероятностей. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей.	2
54.	Формула полной вероятности. Схема Бернулли. Формулы Лапласа и Пуассона.	2
55.	Дискретные случайные величины. Закон распределения, функция распределения. Числовые характеристики. Биномиальный закон. Закон Пуассона.	2
56.	Непрерывные случайные величины. Функция плотности распределения вероятностей. Числовые характеристики. Равномерное, показательное и нормальное распределения. Понятие о различных формах закона больших чисел. Теорема Бернулли Чебышева. Центральная предельная теорема.	2
57-58.	Генеральная совокупность, выборка, вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения. Статистические оценки параметров. Требования к оценкам. Эмпирические оценки математического ожидания и дисперсии. Интервальное оценивание. Доверительные интервалы для математического ожидания и дисперсии. Задача об объеме выборки.	4

№ п/п	Наименование лекций	Количество часов
59.	Проверка статистических гипотез: 1) о законе распределения случайной величины; 2) о различии в оценках параметров; 3) о принадлежности выборок одной генеральной совокупности. Статистические критерии проверки гипотез: критерий Пирсона, Колмогорова, Стьюдента. Система двух случайных величин.	2
60.	Функциональная и корреляционная зависимости между величинами. Линейная регрессия. Метод наименьших квадратов для определения параметров регрессии.	2
	Итого	120

4.3. Содержание лабораторных занятий

Лабораторные занятия не предусмотрены учебным планом.

4.4. Содержание практических занятий

№ п/п	Наименование практических занятий	Количество часов
1.	Элементы линейной алгебры	6
2.	Элементы векторной алгебры	8
3.	Аналитическая геометрия	10
4.	Введение в анализ	8
5.	Комплексные числа	4
6.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	10
7.	Неопределенный интеграл	10
8.	Определенный интеграл	8
9.	Функции нескольких переменных	8
10.	Дифференциальные уравнения	14
11.	Системы дифференциальных уравнений	2
12.	Кратные и криволинейные интегралы	16
13.	Числовые и функциональные ряды	12
14.	Элементы теории функции комплексного переменного	4
15.	Теория вероятностей	10
16.	Основные понятия и методы математической статистики	2
17.	Статистическая обработка экспериментальных данных	4
	Итого	136

4.5. Виды и содержание самостоятельной работы обучающихся

4.5.1. Виды самостоятельной работы обучающихся

Виды самостоятельной работы обучающихся	Количество часов
Подготовка к практическим занятиям	136
Самостоятельное изучение отдельных тем и вопросов	49
Подготовка к зачету	9
Итого	194

4.5.2. Содержание самостоятельной работы обучающихся

№ п/п	Наименование тем или вопросов	Количество часов
1.	Матрицы, действия с ними. Вычисление определителей различными способами. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса, по формулам Крамера, с помощью обратной матрицы.	10
2.	Линейные операции над векторами. Разложение вектора по базису. Направляющие косинусы и длина вектора. Применение скалярного, векторного, смешанного произведений в решении прикладных задач. Понятие о векторных диаграммах в науке и технике.	8
3.	Различные формы уравнения прямой на плоскости. Решение задач на метод координат (расстояние между двумя точками, деление отрезка в данном отношении, расстояние от точки до прямой). Кривые второго порядка: приведение к каноническому виду, построение на плоскости. Технические приложения геометрических свойств кривых.	10
4.	Геометрические свойства поверхностей второго порядка, исследование их формы методом сечений. Технические приложения геометрических свойств поверхностей. Построение тела ограниченного поверхностями.	10
5.	Построение графиков элементарных функций путем преобразований (параллельный перенос, растяжение (сжатие), отображение).	10
6.	Вычисление пределов числовых последовательностей, пределов функции. Исследование функций на непрерывность.	18
7.	Формы записи комплексных чисел. Действия над комплексными числами.	6
8.	Дифференцирование сложных функций, а также функций заданных неявно и параметрически. Применение дифференциала к приближенным вычислениям. Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков.	11
9.	Методы интегрирования неопределенного интеграла.	14

№ п/п	Наименование тем или вопросов	Количество часов
10.	Вычисление определённых интегралов. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Приложения определенного интеграла к решению задач геометрии, механики и физики. Приближенные методы вычисления определенных интегралов.	14
11.	Дифференцирование функции двух переменных. Полный дифференциал. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремумы функции нескольких переменных. Отыскание наибольших и наименьших значений функции.	6
12.	Основные классы уравнений, интегрируемых в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные и линейные. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с правой частью специального вида. Метод вариации произвольных постоянных.	8
13.	Решения нормальных систем дифференциальных уравнений методом исключения.	4
14.	Вычисление двойных и тройных интегралов. Геометрические, физические приложения двойного и тройного интегралов. Криволинейные. Нахождение функции двух переменных по её полному дифференциалу.	13
15.	Числовые и функциональные ряды. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях: вычисление значений функций, определенных интегралов.	8
16.	Ряды Фурье по тригонометрическим системам. Формулы для коэффициентов ряда. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Ряд Фурье для чётных и нечётных функций. Формулировка достаточных условий сходимости рядов Фурье. Ряд Фурье для функции с любым периодом. Условие поточечной сходимости и сходимости «в среднем». Применение тригонометрических рядов Фурье в приближенных вычислениях.	4
17.	Основные понятия теории графов. Деревья. Лес. Бинарные деревья. Связность графа: матричный и строчный способы задания графа. Некоторые задачи теории графов.	8
18.	Классическое и статистическое определения вероятности события. Закон устойчивости относительных частот. Геометрические вероятности. Теоремы сложения вероятностей и следствия из них. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Схема Бернулли. Формулы Лапласа и Пуассона.	8
19.	Дискретные случайные величины. Закон распределения, функция распределения. Числовые характеристики. Биномиальный закон. Закон Пуассона. Непрерывные случайные величины. Функция плотности распределения вероятностей. Числовые характеристики. Равномерное, показательное и нормальное распределения. Понятие о различных формах закона больших чисел. Теорема Бернулли Чебышева. Центральная предельная тео-	8

№ п/п	Наименование тем или вопросов	Количество часов
	рема.	
20.	Генеральная совокупность, выборка, вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения. Статистические оценки параметров. Проверка статистических гипотез: 1) о законе распределения случайной величины; 2) о различии в оценках параметров; 3) о принадлежности выборок одной генеральной совокупности. Статистические критерии проверки гипотез: критерий Пирсона, Колмогорова, Стьюдента.	8
21.	Система двух случайных величин. Функциональная и корреляционная зависимости между величинами. Линейная регрессия. Метод наименьших квадратов для определения параметров регрессии и свойства этих оценок. Уравнения линейной регрессии. Теснота связи и её оценка по коэффициенту корреляции. Понятие о нелинейной регрессии. Корреляционное отношение. Определение параметров нелинейных уравнений регрессии методом наименьших квадратов.	8
	Итого	194

5. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Учебно-методические разработки имеются в Научной библиотеке ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ:

1. Типовые расчеты по теме «Определители, матрицы, системы линейных уравнений, векторная алгебра, аналитическая геометрия» [Электронный ресурс] : метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. И.Н. Земскова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 27 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/51.pdf>.

2. Введение в математический анализ [Электронный ресурс]: учеб. пособие для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, 38.03.01, 08.03.02, специальность 23.05.01) / сост.: О. Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/36.pdf>.

3. Типовые расчеты по теме «Введение в математический анализ функции одной действительной переменной» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. О.Е. Акулич ; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/47.pdf>.

4. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баже-

нова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/29.pdf>.

5. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/28.pdf>.

6. Типовые расчеты по теме «Дифференциальное и интегральное исчисления функции двух переменных» [Текст]: метод. указ. [для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, специальность 23.05.01)] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 80 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/45.pdf>.

7. Типовые расчеты по теме «Ряды» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/50.pdf>.

8. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 81 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/48.pdf>.

9. Типовой расчет по теме «Теория вероятностей» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 106 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/46.pdf>.

10. Типовые расчеты по теме «Математическая статистика» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. М. Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 4-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 72 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/49.pdf>.

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Для установления соответствия уровня подготовки обучающихся требованиям ФГОС ВО, разработан фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и проведения

промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине. Фонд оценочных средств представлен в Приложении № 1.

7. Основная и дополнительная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины

Основная и дополнительная учебная литература имеется в Научной библиотеке и электронной информационно-образовательной среде ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ.

Основная:

1. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа: учебное пособие / Г.Н. Берман. – 9-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2020. – 492 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/126705>

2. Буре В.М. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебник / Буре В.М., Парилина Е. М. – Электрон. – СПб.: Лань, 2013. – 416 с. – Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?p11_id=10249

3. Запорожец Г.И. Руководство к решению задач по математическому анализу: учебное пособие / Г.И. Запорожец. – 8-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2014. – 464 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/149>

4. Клетеник Д.В. Сборник задач по аналитической геометрии. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2017. – 224 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/92615>

5. Кожухов С.Ф. Сборник задач по дискретной математике [Электронный ресурс]: учебное пособие / С.Ф. Кожухов, П.И. Совертков. – Электрон. дан. – Санкт-Петербург: Лань, 2018. – 324 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/102606>.

6. Микони С.В. Дискретная математика для бакалавра: множества, отношения, функции, графы [Электронный ресурс]: учебное пособие / С.В. Микони. – Электрон. дан. – Санкт-Петербург: Лань, 2012. – 192 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/4316>.

7. Трухан А.А. Теория вероятностей в инженерных приложениях [Электронный ресурс]: учебное пособие/Трухан А.А, Кудряшев Г.С. – Электрон. – СПб: Лань, 2015. – 364 с. – Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?p11_id=56613

8. Туганбаев А.А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс]: учебник / Туганбаев А.А., Крупин В.Г. – Электрон. – СПб.:Лань, 2011. – 224 с. – Режим доступа: http://e.lanbook.com/books/element.php?p11_id=652

9. Шипачев В.С. Начала высшей математики. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2013. – 384 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/5713>

Дополнительная:

1. Вдовин А.Ю. Справочник по математике для бакалавров. [Электронный ресурс] / А.Ю. Вдовин, Н.Л. Воронцова, Л.А. Золкина, В.М. Мухина. – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2014. – 80 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/51722>

2. Волков Ю.В. Практические занятия по алгебре. Комплексные числа, многочлены. [Электронный ресурс] / Ю.В. Волков, Н.Н. Ермолаева, В.А. Козынченко, Г.И. Курбатова. – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2014. – 192 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/51935>

3. Дорофеев С.Н. Высшая математика [Электронный ресурс] / С.Н. Дорофеев. Москва: Мир и образование, 2011. – 591 с. – Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=102357

4. Ерусалимский Я.М. Дискретная математика. Теория и практикум [Электронный ресурс]: учебник / Я.М. Ерусалимский. – Электрон. дан. – Санкт-Петербург: Лань, 2018. – 476 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/106869>.

5. Лисичкин В.Т. Математика в задачах с решениями. [Электронный ресурс] / В.Т. Лисичкин, И.Л. Соловейчик. – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2014. – 464 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/2785>

6. Натансон И.П. Краткий курс высшей математики. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2009. – 736 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/283>
7. Прошкин С.С. Математика для решения физических задач. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2014. – 384 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/53688>
8. Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. – 11-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. – Часть 1 – 2019. – 444 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/112051>
9. Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. – 10-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. – Часть 2 – 2019. – 464 с. – Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/115730>

Периодические издания:

«Наука и жизнь», «Техника – молодежи», «Квант».

8. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимые для освоения дисциплины

1. Единое окно доступа к учебно-методическим разработкам <https://roypray.pdf>
2. ЭБС «Лань» <http://e.lanbook.com/>
3. Университетская библиотека ONLINE <http://biblioclub.ru/>
4. ЭБ «Академия» <https://academia-moscow.ru/>
5. Электронно-библиотечная система IPR BOOKS <http://www.iprbookshop.ru/>
6. ЭБС «Юрайт» <https://biblio-online.ru/>
7. Национальный цифровой ресурс «РУКОНТ» <https://lib.rucont.ru/search>

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Учебно-методические разработки имеются в Научной библиотеке и электронной информационно-образовательной среде ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ:

1. Типовые расчеты по теме «Определители, матрицы, системы линейных уравнений, векторная алгебра, аналитическая геометрия» [Электронный ресурс] : метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. И.Н. Земскова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 27 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/51.pdf>.

2. Введение в математический анализ [Электронный ресурс]: учеб. пособие для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, 38.03.01, 08.03.02, специальность 23.05.01) / сост.: О. Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/36.pdf>.

3. Типовые расчеты по теме «Введение в математический анализ функции одной действительной переменной» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. О.Е. Акулич ; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинже-

нерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/47.pdf>.

4. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/29.pdf>.

5. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/28.pdf>.

6. Типовые расчеты по теме «Дифференциальное и интегральное исчисления функции двух переменных» [Текст]: метод. указ. [для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, специальность 23.05.01)] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 80 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/45.pdf>.

7. Типовые расчеты по теме «Ряды» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/50.pdf>.

8. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 81 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/48.pdf>.

9. Типовой расчет по теме «Теория вероятностей» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 106 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/46.pdf>.

10. Типовые расчеты по теме «Математическая статистика» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. М. Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 4-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 72 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/49.pdf>.

10. Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем,

В Научной библиотеке с терминальных станций предоставляется доступ к базам данных:

- КонсультантПлюс (справочные правовые системы);
- Техэксперт (информационно-справочная система ГОСТов);
- «Сельхозтехника» (автоматизированная справочная система);
- My TestX10.2.

Программное обеспечение: MyTestXPRo 11.0, PTC MathCAD Education - University Edition, Мой Офис Стандартный, Windows XP Home Edition OEM Software, Kaspersky Internet Security, Kaspersky Endpoint Security

11. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Учебные аудитории для проведения занятий, предусмотренных программой, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения

1. Учебные аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типов, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 454080, Челябинская обл., г. Челябинск, проспект Ленина, 75, аудитории № 501, 503.

2. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного и семинарского типов, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации 454080, Челябинская обл., г. Челябинск, проспект Ленина, 75, аудитория № 405.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся

1. Помещение для самостоятельной работы 454080, г. Челябинск, проспект Ленина 75, аудитория № 303.

Перечень оборудования и технических средств обучения

Экран, проектор, ноутбук.

Компьютер в комплекте

Экран переносной, проектор, ноутбук.

Учебно-наглядные пособия: Поверхности второго порядка

12. Инновационные образовательные технологии

Вид занятия	Лекции	ЛЗ	ПЗ/СЗ
Формы работы			
Анализ конкретных ситуаций	+	-	+/-

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

текущего контроля и промежуточной аттестации

по дисциплине **Б1.Б.09 Математика**

Специальность **23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства**
Специализация **№3 «Технические средства агропромышленного комплекса»**

Уровень высшего образования - **специалитет**
Квалификация – **инженер**

Форма обучения - **очная**

СОДЕРЖАНИЕ

1. Компетенции с указанием этапа(ов) их формирования в процессе освоения ОПОП....	27
2. Показатели, критерии и шкала оценивания сформированности компетенций.....	27
3. Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этап(ы) формирования компетенций в процессе освоения ОПОП.....	29
4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этап(ы) формирования компетенций.....	31
4.1. Оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости.....	31
4.1.1. Устный ответ на практическом занятии.....	31
4.1.2. Выполнение индивидуального задания (типового расчета).....	32
4.2. Процедуры и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации	33
4.2.1. Зачет	33
4.2.2. Экзамен.....	36

1. Компетенции с указанием этапа их формирования в процессе освоения ОПОП

Компетенции по данной дисциплине формируются на базовом этапе.

Контролируемые результаты освоения ОПОП (компетенции)	Контролируемые результаты обучения по дисциплине		
	знания	умения	навыки
ОК-1 способность к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся должен знать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу (Б1.Б.09–3.1)	Обучающийся должен уметь использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу (Б1.Б.09–У.1)	Обучающийся должен владеть навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу (Б1.Б.09–Н.1)
ОПК-5 способность на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности	Обучающийся должен знать: как на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности (Б1.Б.09–3.2)	Обучающийся должен уметь на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности (Б1.Б.09–У.2)	Обучающийся должен владеть навыками на научной основе организовать свой труд, самостоятельно оценивать результаты своей деятельности (Б1.Б.09–Н.2)

2. Показатели, критерии и шкала оценивания сформированности компетенций

Показатели оценивания (ЗУН)	Критерии и шкала оценивания результатов обучения по дисциплине			
	Недостаточный уровень (не зачтено, неудовлетворительно)	Достаточный уровень (зачтено, удовлетворительно)	Средний уровень (зачтено, хорошо)	Высокий уровень (зачтено, хорошо)
Б1.Б.09 – 3.1	Обучающийся не знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся слабо знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными пробелами знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному	Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу

			мышлению, анализу, синтезу	
Б1.Б.09–У.1	Обучающийся не умеет использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся слабо умеет использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся умеет использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся умеет использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу
Б1.Б.09–Н.1	Обучающийся не владеет навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся слабо владеет навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся с небольшими затруднениями навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся свободно владеет навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу
Б1.Б.09–3.2	Обучающийся не знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся слабо знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными пробелами знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает основные понятия и методы математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу
Б1.Б.09–У.2	Обучающийся не умеет использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют фор-	Обучающийся слабо умеет использовать основные понятия и методы математики, применение которых способствуют фор-	Обучающийся умеет использо-	Обучающийся умеет использо-

	мированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	мированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	торых способностей формируются способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу
Б1.Б.09-Н.2	Обучающийся не владеет навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся слабо владеет навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся с небольшими затруднениями навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу	Обучающийся свободно владеет навыками использования основных понятий и методов математики, применение которых способствуют формированию способности к абстрактному мышлению, анализу, синтезу

3. Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения ОПОП

Типовые контрольные задания и материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков, характеризующих базовый этап формирования компетенций в процессе освоения ОПОП, содержатся в учебно-методических разработках, приведенных ниже.

1. Типовые расчеты по теме «Определители, матрицы, системы линейных уравнений, векторная алгебра, аналитическая геометрия» [Электронный ресурс] : метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. И.Н. Земскова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 27 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/51.pdf>.

2. Введение в математический анализ [Электронный ресурс]: учеб. пособие для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, 38.03.01, 08.03.02, специальность 23.05.01) / сост.: О. Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/36.pdf>.

3. Типовые расчеты по теме «Введение в математический анализ функции одной действительной переменной» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. О.Е. Акулич ; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/47.pdf>.

4. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/29.pdf>.

5. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/28.pdf>.

6. Типовые расчеты по теме «Дифференциальное и интегральное исчисления функции двух переменных» [Текст]: метод. указ. [для самостоятельной работы студентов очной и заочной форм обучения (направления подготовки 23.03.03, 23.03.02, 35.03.06, 13.03.02, 44.03.04, специальность 23.05.01)] / сост.: О.Е. Акулич [и др.]; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 80 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/45.pdf>.

7. Типовые расчеты по теме «Ряды» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 3-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 69 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/50.pdf>.

8. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 81 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/48.pdf>.

9. Типовой расчет по теме «Теория вероятностей» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 2-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2019. – 106 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/46.pdf>.

10. Типовые расчеты по теме «Математическая статистика» [Электронный ресурс]: метод. указ. для студентов очной формы обучения [направлений: 35.03.06 Агроинженерия, 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, 19.03.02 Продукты питания из растительного сырья, 23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологических машин и комплексов, специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства] / сост. М. Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – 4-е изд., испр. и доп. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2018. – 72 с. – Режим доступа: <http://nb.sursau.ru:8080/localdocs/vmat/49.pdf>.

Методические разработки, указанные в п.3, используются при осуществлении инновационной образовательной технологии в форме анализа конкретных ситуаций (см.п.12 РПД).

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этап(ы) формирования компетенций

В данном разделе методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков, характеризующих базовый этап формирования компетенций по дисциплине «Математика», приведены применительно к каждому из используемых видов текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся.

4.1. Оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости

4.1.1. Устный ответ на практическом занятии

Устный ответ на практическом занятии используется для оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по отдельным вопросам и темам дисциплины. Темы и планы занятий (п. 3 РПД) заранее сообщаются обучающимся. В ходе практических занятий используется метод анализа конкретных ситуаций, который состоит в том, что обучающемуся предлагается прикладная задача, в которой описывается конкретная сложившаяся ситуация, студенту необходимо осуществить поиск путей решения предложенной задачи. При анализе конкретных ситуаций используют методические разработки, указанные в п. 3 ФОС.

Результат выполнения этого задания оценивается с учетом следующих критериев: полнота проработки ситуации; полнота выполнения задания; новизна и неординарность представленного материала и решений; перспективность и универсальность решений; умение аргументировано обосновать выбранный вариант решения. Разбирая конкретную ситуацию, обучающийся фактически получает на руки готовое решение, которое можно применить в аналогичных обстоятельствах, это в дальнейшем способствует формированию навыков решения более серьезных проблем. Ответ оценивается оценкой «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Критерии оценки ответа (табл.) доводятся до сведения обучающихся в начале занятий. Оценка объявляется обучающемуся непосредственно после устного ответа.

Шкала	Критерии оценивания
Оценка 5 (отлично)	<ul style="list-style-type: none">- обучающийся полно усвоил учебный материал;- проявляет навыки анализа, обобщения, критического осмысления и восприятия информации, навыки применения основных математических методов;- материал изложен грамотно, в определенной логической последовательности, точно используется терминология;- показано умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их в новой ситуации;- продемонстрировано умение решать прикладные задачи;- продемонстрирована сформированность и устойчивость знаний, умений и навыков;- могут быть допущены одна-две неточности при освещении второстепенных вопросов.
Оценка 4 (хорошо)	<p>ответ удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет место один из недостатков:</p> <ul style="list-style-type: none">- в усвоении учебного материала допущены небольшие пробелы, не исказившие содержание ответа;- в решении прикладных задач допущены незначительные неточно-

Шкала	Критерии оценивания
	сти.
Оценка 3 (удовлетворительно)	- неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала; - имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, в применении математических методов решения прикладных задач, исправленные после нескольких наводящих вопросов; - при неполном знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность умений и навыков, обучающийся не может переносить знания в новые проблемные ситуации.
Оценка 2 (неудовлетворительно)	- не раскрыто основное содержание учебного материала; - обнаружено незнание или непонимание большей или наиболее важной части учебного материала; - допущены ошибки в определении понятий, при использовании терминологии, в применении математических методов при решении прикладных задач, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов; - не сформированы компетенции, отсутствуют соответствующие знания, умения и навыки.

4.1.2. Отчет по индивидуальному заданию (типовому расчету)

Индивидуальное задание (далее типовой расчет) используется для оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по отдельным темам дисциплины. Вариант задания для каждого обучающегося определяется в соответствии с порядковым номером в журнале группы. Содержание заданий типовых расчетов приводится в методических указаниях (п. 3 ФОС).

При изучении дисциплины «Математика» выполняются следующие типовые расчеты:

1. Определители. Матрицы. Системы линейных алгебраических уравнений (4-6 заданий).
2. Векторная алгебра (3-4 задания).
3. Аналитическая геометрия (5-7 заданий).
4. Введение в математический анализ функции одной действительной переменной (4-6 заданий).
5. Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения (6-8 заданий).
6. Неопределенный интеграл (6-8 заданий).
7. Определенный интеграл (4-6 заданий).
8. Дифференциальное исчисление функции двух переменных (3-4 задания).
9. Дифференциальные уравнения (5-8 заданий)
10. Интегральное исчисление функции двух переменных (3-4 задания).
Ряды (6-10 заданий).
11. Теория вероятностей (6-8 заданий).
12. Математическая статистика (2 задания).

Работа выполняется в отдельной тетради (12-18 листов) в клеточку.

Требования при выполнении типового расчета:

- условие каждой задачи вклеивается в тетрадь в печатном виде или пишется от руки разборчивым почерком;
- приводится полное и обоснованное решение с необходимыми пояснениями, вычислениями и расчетами;
- после решения записывается ответ;

- графические построения выполняются карандашом;
- текст решения всех задач должен быть в письменном виде;
- для отметок и замечаний преподавателя должны быть оставлены поля (3–4 см).

Типовой расчет сдается до указанного преподавателем срока и принимается на проверку только в том случае, если удовлетворяет требованиям к оформлению. Работа над ошибками выполняется в этой же тетради и сдается для повторной проверки.

Преподаватель может назначить по своему усмотрению защиту типового расчета, выполненного обучающимся.

Содержание типового расчета и критерии оценки ответа (табл.) доводятся до сведения обучающегося согласно графику выполнения в начале каждого семестра. Типовой расчет оценивается преподавателем оценкой «зачтено», «не зачтено» и результат объявляется на занятии.

4.2. Процедуры и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

4.2.1. Зачет

Зачет является формой оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по разделам дисциплины. По результатам зачета обучающемуся выставляется оценка «зачтено» или «не зачтено».

Зачет проводится по окончании чтения лекций и проведения практических занятий. Зачетным является последнее занятие по дисциплине. Зачет принимается преподавателями, проводившими практические занятия, или читающими лекции по данной дисциплине. В случае отсутствия ведущего преподавателя зачет принимается преподавателем, назначенным распоряжением заведующего кафедрой. С разрешения заведующего кафедрой на зачете может присутствовать преподаватель кафедры, привлеченный для помощи в приеме зачета.

Присутствие на зачетах преподавателей с других кафедр без соответствующего распоряжения ректора, проректора по учебной работе или декана факультета не допускается.

Форма проведения зачетов - в виде письменной работы продолжительностью 45 минут.

Для проведения зачета ведущий преподаватель накануне получает в деканате зачетно-экзаменационную ведомость, которая возвращается в деканат после окончания мероприятия в день проведения зачета или утром следующего дня.

Обучающиеся при явке на зачет обязаны иметь при себе зачетную книжку, которую они предъявляют преподавателю.

Во время зачета обучающиеся могут пользоваться с разрешения ведущего преподавателя справочной и нормативной литературой, другими пособиями и техническими средствами.

Преподавателю предоставляется право задавать обучающимся дополнительные вопросы в рамках программы дисциплины.

Качественная оценка «зачтено», внесенная в зачетную книжку и зачетно-экзаменационную ведомость, является результатом успешного усвоения учебного материала.

Результат зачета в зачетную книжку выставляется в день проведения зачета в присутствии самого обучающегося. Преподаватели несут персональную ответственность за своевременность и точность внесения записей о результатах промежуточной аттестации в зачетно-экзаменационную ведомость и в зачетные книжки.

Если обучающийся явился на зачет и отказался от прохождения аттестации в связи с неподготовленностью, то в зачетно-экзаменационную ведомость ему выставляется оценка «не зачтено».

Неявка на зачет отмечается в зачетно-экзаменационной ведомости словами «не явился».

Нарушение дисциплины, списывание, использование обучающимися неразрешенных печатных и рукописных материалов, мобильных телефонов, коммуникаторов, планшетных

компьютеров, ноутбуков и других видов личной коммуникационной и компьютерной техники во время зачета запрещено. В случае нарушения этого требования преподаватель обязан удалить обучающегося из аудитории и проставить ему в ведомости оценку «не зачтено».

Обучающимся, не сдавшим зачет в установленные сроки по уважительной причине, индивидуальные сроки проведения зачета определяются приказом ректора Университета.

Обучающиеся, имеющие академическую задолженность, сдают зачет в сроки, определяемые Университетом. Информация о ликвидации задолженности отмечается в экзаменационном листе.

Допускается с разрешения деканата и досрочная сдача зачета с записью результатов в экзаменационный лист.

Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, могут сдавать зачеты в сроки, установленные индивидуальным учебным планом. Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, имеющие нарушения опорно-двигательного аппарата, допускаются на аттестационные испытания в сопровождении ассистентов-сопровождающих.

Процедура проведения промежуточной аттестации для особых случаев изложена в «Положении о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по ОПОП бакалавриата, специалитета и магистратуры» ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ (2016 г.).

Шкала и критерии оценивания ответа обучающегося представлены в таблице.

Шкала	Критерии оценивания
Оценка «зачтено»	знание программного материала, усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной программой дисциплины, правильное решение инженерной задачи (допускается наличие малозначительных ошибок или недостаточно полное раскрытие содержание вопроса или погрешность непринципиального характера в ответе на вопросы).
Оценка «не зачтено»	пробелы в знаниях основного программного материала, принципиальные ошибки при ответе на вопросы.

Вопросы к зачету

4 семестр

1. Классификация событий. Пространство элементарных событий. Алгебра событий. Понятие случайного события. Относительные частоты. Закон устойчивости относительных частот. Связь между вероятностью и относительной частотой.
2. Понятие вероятности события. Классическое и геометрическое определение вероятности.
3. Комбинаторика.
4. Непосредственное вычисление вероятности. Понятие об аксиоматическом построении теории вероятностей.
5. Методы вычисления вероятностей. Теорема о повторении опытов (схема Бернулли). Наивероятнейшая частота при повторении опытов.
6. Случайные величины и законы их распределения.
7. Дискретные и непрерывные случайные величины.
8. Ряд распределения.
9. Функция распределения, плотность распределения, их взаимосвязь и свойства.
10. Вероятность попадания случайной величины на данный интервал.
11. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание и его связь со средним арифметическим (закон больших чисел). Дисперсия и среднее квадратическое отклонение случайной величины.

12. Распределение Пуассона.
13. Биномиальное распределение.
14. Нормальное распределение, его свойства, условия, при которых оно возникает.
15. Центральной предельной теоремы.
16. Числовые характеристики нормального закона. Функция Лапласа. Вычисление вероятности попадания случайной величины на заданный интервал в случае нормального распределения.
17. Понятие о двумерном нормальном распределении.
18. Понятие о различных формах закона больших чисел. Теоремы Бернулли и Чебышева. Центральная предельная теорема Ляпунова.
19. Определение теории случайного процесса и его характеристики.
20. Основные понятия теории массового обслуживания.
21. Понятие марковского случайного процесса.
22. Потоки событий. Уравнения Колмогорова. Предельные вероятности состояний.
23. Процессы гибели и размножения.
24. СМО с отказами.
25. Генеральная совокупность и выборка.
26. Вариационный ряд. Гистограмма, эмпирическая функция распределения, выборочное среднее и дисперсия.
27. Точечные оценки неизвестных параметров распределения по выборке и их характеристики: несмещенность, эффективность, состоятельность.
28. Методы получения точечных оценок: метод максимального правдоподобия, метод наименьших квадратов, метод моментов.
29. Интервальные оценки. Интервальное оценивание параметров нормального распределения.
30. Понятие о статистической гипотезе и общая схема, основные методы её проверки. Ошибки 1-го и 2-го рода. Решающая процедура. Мощность критерия. Доверительные области. Критерии проверки гипотез.
31. Система двух случайных величин. Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости между величинами.
32. Элементы корреляционного анализа. Линейный регрессионный анализ.
33. Основные свойства регрессии.
34. Оценки параметров регрессионной модели по методу наименьших квадратов и свойства этих оценок.
35. Уравнения линейной регрессии.
36. Теснота связи и её оценка по коэффициенту корреляции.
37. Понятие о нелинейной регрессии. Корреляционное отношение. Определение параметров нелинейных уравнений регрессии методом наименьших квадратов.
38. Однофакторный дисперсионный анализ.
39. Сравнение нескольких средних.
40. Понятие о дисперсионном анализе. Общая, факторная и остаточная суммы квадратов отклонений.
41. Связь между общей, факторной и остаточной суммами. Общая, факторная и остаточная дисперсии.
42. Сравнение нескольких средних методом дисперсионного анализа.
43. Многомерные статистические методы.
44. Современные пакеты прикладных программ статистического анализа.

4.2.2. Экзамен

Экзамен является формой оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по разделам дисциплины. По результатам экзамена обучающемуся выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Экзамен по дисциплине проводится в соответствии с расписанием промежуточной аттестации, в котором указывается время его проведения, номер аудитории, место проведения консультации. Утвержденное расписание размещается на информационных стендах, а также на официальном сайте Университета.

Уровень требований для промежуточной аттестации обучающихся устанавливается рабочей программой дисциплины и доводится до сведения обучающихся в начале семестра.

Экзамены принимаются, как правило, лекторами. С разрешения заведующего кафедрой на экзамене может присутствовать преподаватель кафедры, привлеченный для помощи в приеме экзамена. В случае отсутствия ведущего преподавателя экзамен принимается преподавателем, назначенным распоряжением заведующего кафедрой.

Присутствие на экзамене преподавателей с других кафедр без соответствующего распоряжения ректора, проректора по учебной работе или декана факультета не допускается.

Обучающиеся при явке на экзамен обязаны иметь при себе зачетную книжку, которую они предъявляют экзаменатору.

Для проведения экзамена ведущий преподаватель накануне получает в деканате зачетно - экзаменационную ведомость, которая возвращается в деканат после окончания мероприятия в день проведения экзамена или утром следующего дня.

Экзамены проводятся по билетам в устном или письменном виде, либо в виде тестирования. Экзаменационные билеты составляются по установленной форме в соответствии с утвержденными кафедрой экзаменационными вопросами и утверждаются заведующим кафедрой ежегодно. В билете содержится 2 теоретических вопроса и задача.

Экзаменатору предоставляется право задавать вопросы сверх билета, а также помимо теоретических вопросов давать для решения задачи и примеры, не выходящие за рамки пройденного материала по изучаемой дисциплине.

Знания, умения и навыки обучающихся определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», которые выставляются в зачетно - экзаменационную ведомость и в зачетную книжку обучающегося в день экзамена.

При проведении устного экзамена в аудитории не должно находиться более восьми обучающихся на одного преподавателя.

При проведении устного экзамена обучающийся выбирает экзаменационный билет в случайном порядке, затем называет фамилию, имя, отчество и номер экзаменационного билета.

Во время экзамена обучающиеся могут пользоваться с разрешения экзаменатора программой дисциплины, справочной и нормативной литературой, другими пособиями и техническими средствами.

Время подготовки ответа при сдаче экзамена в устной форме должно составлять не менее 40 минут (по желанию обучающегося ответ может быть досрочным). Время ответа – не более 15 минут.

Обучающийся, испытывающий затруднения при подготовке к ответу по выбранному им билету, имеет право на выбор второго билета с соответствующим продлением времени на подготовку. При окончательном оценивании ответа оценка снижается на один балл. Выдача третьего билета не разрешается.

Если обучающийся явился на экзамен, и, взяв билет, отказался от прохождения аттестации в связи с неподготовленностью, то в ведомости ему выставляется оценка «неудовлетворительно».

Нарушение дисциплины, списывание, использование обучающимися неразрешенных печатных и рукописных материалов, мобильных телефонов, коммуникаторов, планшетных компьютеров, ноутбуков и других видов личной коммуникационной и компьютерной техники во время аттестационных испытаний запрещено. В случае нарушения этого требования преподаватель обязан удалить обучающегося из аудитории и проставить ему в ведомости оценку «неудовлетворительно».

Выставление оценок, полученных при подведении результатов промежуточной аттестации, в зачетно-экзаменационную ведомость и зачетную книжку проводится в присутствии самого обучающегося. Преподаватели несут персональную ответственность за своевременность и точность внесения записей о результатах промежуточной аттестации в зачетно-экзаменационную ведомость и в зачетные книжки.

Неявка на экзамен отмечается в зачетно-экзаменационной ведомости словами «не явился».

Для обучающихся, которые не смогли сдать экзамен в установленные сроки, Университет устанавливает период ликвидации задолженности. В этот период преподаватели, принимавшие экзамен, должны установить не менее 2-х дней, когда они будут принимать задолженности. Информация о ликвидации задолженности отмечается в экзаменационном листе.

Обучающимся, показавшим отличные и хорошие знания в течение семестра в ходе постоянного текущего контроля успеваемости, может быть проставлена экзаменационная оценка досрочно, т.е. без сдачи экзамена. Оценка выставляется в экзаменационный лист или в зачетно-экзаменационную ведомость.

Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, могут сдавать экзамены в межсессионный период в сроки, установленные индивидуальным учебным планом. Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, имеющие нарушения опорно-двигательного аппарата, допускаются на аттестационные испытания в сопровождении ассистентов-сопровождающих.

Процедура проведения промежуточной аттестации для особых случаев изложена в «Положении о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по ОПОП бакалавриата, специалитета и магистратуры» ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ (2016 г.).

Шкала и критерии оценивания ответа обучающегося представлены в таблице

Шкала	Критерии оценивания
Оценка 5 (отлично)	всестороннее, систематическое и глубокое знание программного материала, усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной программой дисциплины, правильное решение задачи.
Оценка 4 (хорошо)	полное знание программного материала, усвоение основной литературы, рекомендованной в программе, наличие малозначительных ошибок в решении задачи, или недостаточно полное раскрытие содержания вопроса.
Оценка 3 (удовлетворительно)	знание основного программного материала в минимальном объеме, погрешности непринципиального характера в ответе на экзамене и в решении задачи.
Оценка 2 (неудовлетворительно)	пробелы в знаниях основного программного материала, принципиальные ошибки при ответе на вопросы и в решении задачи.

Вопросы к экзамену

1 семестр

1. Матрицы, действия с ними. Определители 2-го и 3-го порядков и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по элементам какого-либо ряда. Определители n -го порядка.

2. Системы двух и трех линейных уравнений, их решение. Матричная запись системы линейных уравнений. Метод Гаусса. Правило Крамера.

3. Векторы. Линейные операции над векторами. Теоремы о проекции вектора на ось. Понятие линейного пространства. Линейно независимые векторы. Базис. Разложение вектора по базису. Координаты вектора. Направляющие косинусы и длина вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме.

4. Скалярное произведение векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Длина вектора и угол между двумя векторами. Условие ортогональности двух векторов. Применение скалярного произведения в решении прикладных задач.

5. Векторное произведение векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Некоторые приложения векторного произведения.

6. Смешанное произведение трех векторов, его свойства, выражение в координатной форме. Применение смешанного произведения в решении прикладных задач.

7. Понятие об уравнении линии на плоскости. Формы уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Уравнение пучка прямых. Задачи, решаемые методом координат (расстояние между двумя точками, деление отрезка в данном отношении).

8. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения.

9. Уравнения плоскости в пространстве. Угол между плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.

10. Уравнения прямой в пространстве. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых в пространстве. Угол между прямой и плоскостью.

11. Уравнение поверхности в пространстве. Цилиндрические поверхности. Сфера. Эллипсоид. Гиперболоиды. Параболоиды. Геометрические свойства этих поверхностей, исследование их формы методом сечений.

12. Множество вещественных чисел. Функция. Область ее определения. Способы задания. Классификация функций. Полярная система координат. Кривые в полярных координатах. Монотонные функции. Сложные и взаимно-обратные функции.

13. Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Сходящиеся и расходящиеся числовые последовательности.

14. Предел функции в точке. Односторонние пределы функций. Предел функции в бесконечности. Бесконечно малые и бесконечно большие функции в точке. Свойства бесконечно малых функций. Свойства пределов функций. Признаки существования пределов (о пределе промежуточной функции, о пределе монотонной функции). Неопределенности и методы их раскрытия. Замечательные пределы и следствия из них. Сравнение бесконечно малых.

15. Непрерывность функций в точке, на множестве и на отрезке. Точки разрыва функции и их классификация. Алгоритм исследования функции на непрерывность. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке (существование наименьшего и наибольшего значений, ограниченность, существование промежуточных значений).

2 семестр

1. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной.

2. Производная от алгебраической суммы, разности, произведения и частного функций.

3. Производные сложных функций, заданных неявно и параметрически.
4. Производные основных элементарных функций (с выводом).
5. Дифференциал функции. Свойства первого дифференциала.
6. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.
7. Геометрический и механический смысл производной и дифференциала 1-го порядка, их применение в решении прикладных задач.
8. Производные высших порядков функций, заданных явно, неявно, параметрически.
9. Механический смысл производной 2-го порядка.
10. Дифференциалы 2-го и высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков.
11. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши.
12. Правило Лопиталья для раскрытия неопределенностей.
13. Условия монотонности функций.
14. Экстремумы функций, необходимое условие. Достаточные условия.
15. Отыскание наименьшего и наибольшего значений функции, дифференцируемой на отрезке.
16. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба.
17. Асимптоты функции.
18. Первообразная. Неопределенный интеграл.
19. Свойства неопределенного интеграла. Таблица интегралов.
20. Методы интегрирования (непосредственное интегрирование, интегрирование по частям и заменой переменных).
21. Разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и квадратичные множители.
22. Разложение рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных функций.
23. Интегрирование иррациональных функций (степенные и тригонометрические подстановки).
24. Интегрирование тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка.
25. Выражения, неинтегрируемые в квадратурах.
26. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Интегральная сумма, определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница
27. Свойства определенного интеграла, теорема существования. «Теорема о среднем».
28. Интегрирование по частям, замена переменной в определенном интеграле.
29. Определенный интеграл от нечетной и четной функции по симметричному промежутку.
30. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций.
31. Вычисление площадей плоских фигур.
32. Вычисление длины дуги. Вычисление объема тела вращения.
33. Вычисление работы, статистических моментов, центра тяжести плоской фигуры.
34. Функции двух действительных переменных, способы их задания. Область определения.
35. Линии уровня функции двух переменных.
36. Понятие предела и непрерывности функции двух переменных.
37. Частные производные первого порядка, их геометрический смысл.
38. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала.
39. Приближенные вычисления с помощью полного дифференциала.

40. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных.
41. Дифференцирование сложных и неявных функций.
42. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
43. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие экстремума.
44. Отыскание наименьших и наибольших значений функции.

3 семестр

1. Задачи, приводящие к понятию дифференциальных уравнений (ДУ). Порядок ДУ, решение ДУ.
2. ДУ первого порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Геометрическая интерпретация ДУ первого порядка.
3. ДУ первого порядка с разделяющимися переменными.
4. Однородные ДУ первого порядка.
5. Линейные ДУ первого порядка. Уравнение Я. Бернулли.
6. ДУ второго порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши.
7. ДУ высших порядков, допускающие понижение порядка.
8. Линейные однородные ДУ второго порядка. Линейно независимые и зависимые решения. Определитель Вронского, его свойства.
9. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ. Отыскание общего решения ЛОДУ с постоянными коэффициентами.
10. ЛНДУ второго порядка с постоянными коэффициентами. Теорема о структуре общего решения. Метод вариации произвольных постоянных.
11. Отыскание частного решения ЛНДУ со специальным видом правой части.
12. Теорема о наложении решений.
13. Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Двойной интеграл, его определение. Теорема существования двойного интеграла.
14. Свойства, теорема о среднем значении.
15. Вычисление двойного интеграла. Переход к полярным координатам.
16. Приложения двойного интеграла.
17. Задачи, приводящие к понятию тройного интеграла. Тройной интеграл, его определение, свойства. Теорема существования тройного интеграла.
18. Вычисление тройного интеграла. Переход к цилиндрическим и сферическим координатам.
19. Приложения тройного интеграла.
20. Задача о вычислении работы переменной силы. Определение криволинейного интеграла по координатам.
21. Свойства, вычисление криволинейного интеграла II рода.
22. Формула Грина.
23. Условия независимости криволинейного интеграла по пути интегрирования.
24. Нахождение функции двух переменных по ее полному дифференциалу.
25. Приложения криволинейного интеграла второго рода.
26. Числовые ряды, сходимость и расходимость. Необходимые условия сходимости.
27. Гармонический ряд. Геометрическая прогрессия.
28. Свойства сходящихся рядов.
29. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения рядов. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши. Ряд Дирихле.
30. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная, условная сходимость.

31. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда: непрерывность, почленное дифференцирование и интегрирование.

32. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора и в ряд Маклорена.

33. Приложение степенных рядов к приближенным вычислениям: решение дифференциальных уравнений, вычисление интегралов.

Типовые задачи к зачету по всем темам содержатся в учебно-методических разработках кафедры п. 3.2. РПД.

