

**МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

**«ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

**ИНСТИТУТ АГРОИНЖЕНЕРИИ ФГБОУ ВО ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГАУ**



Кафедра «Математические и естественно-научные дисциплины»

Рабочая программа дисциплины

**Б1.Б.25 МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ В АГРОИНЖЕНЕРИИ**

Направление подготовки **35.03.06 Агроинженерия**

Профиль **Электрооборудование и электротехнологии**

Уровень высшего образования – бакалавриат (академический)

Квалификация – бакалавр

Форма обучения – очная

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ в агроинженерии» составлена в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации 20.10.2015 г. № 1172. Рабочая программа предназначена для подготовки бакалавра по направлению **35.03.06 Агроинженерия, профиль – Электрооборудование и электротехнологии.**

Настоящая рабочая программа дисциплины составлена в рамках основной профессиональной образовательной программы (ОПОП) и учитывает особенности обучения при инклюзивном образовании лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ) и инвалидов.

Составитель – старший преподаватель Скрипка С.А.

Рабочая программа дисциплины обсуждена на заседании кафедры «Математические и естественнонаучные дисциплины»

«05» февраля 2018 г. (протокол №6).

Зав. кафедрой «Математические и естественнонаучные дисциплины»,  
доктор технических наук, профессор

Е.М. Басарыгина

Рабочая программа дисциплины одобрена методической комиссией энергетического факультета

«07» февраля 2018 г. (протокол №9).

Председатель методической комиссии энергетического факультета,  
кандидат технических наук, доцент

В.А. Захаров

Директор Научной библиотеки



Е.Л. Лебедева

## СОДЕРЖАНИЕ

1.	Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП	4
1.1.	Цель и задачи дисциплины	4
1.2.	Планируемые результаты обучения по дисциплине (показатели сформированности компетенций)	4
2.	Место дисциплины в структуре ОПОП	5
3.	Объем дисциплины и виды учебной работы	5
3.1.	Распределение объема дисциплины по видам учебной работы	5
3.2.	Распределение учебного времени по разделам и темам	6
4.	Структура и содержание дисциплины	6
4.1.	Содержание дисциплины	6
4.2.	Содержание лекций	9
4.3.	Содержание лабораторных занятий	11
4.4.	Содержание практических занятий	11
4.5.	Виды и содержание самостоятельной работы обучающихся	11
5.	Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	13
6.	Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	14
7.	Основная и дополнительная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины	14
8.	Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимые для освоения дисциплины	15
9.	Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины	15
10.	Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем	16
11.	Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине	16
12.	Инновационные формы образовательных технологий	16
	Приложение №1. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине	17
	Лист регистрации изменений	31

# 1. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОПОП

## 1.1. Цель и задачи дисциплины

Бакалавр по направлению подготовки 35.03.06 Агроинженерия должен быть подготовлен к следующим видам профессиональной деятельности: научно-исследовательской; проектной; производственно-технологической; организационно-управленческой деятельности.

**Цель дисциплины** – сформировать у обучающихся систему фундаментальных знаний по математическому анализу, необходимых для последующей подготовки бакалавра, способного применять математические методы в решении практических задач сельскохозяйственного производства.

### Задачи дисциплины

#### Задачи дисциплины:

- изучить основные понятия и методы математического анализа необходимые для решения теоретических и практических задач;
- формировать умения самостоятельно изучать учебную и научную литературу по математике и ее приложениям;
- развивать логическое и алгоритмическое мышление;
- повышать общий уровень математической культуры;
- формировать навыки математического исследования прикладных вопросов с помощью методов математического анализа, умения использовать математические методы и основы математического моделирования в прикладных задачах будущей профессиональной деятельности.

## 1.2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (показатели сформированности компетенций)

Планируемые результаты освоения ОПОП (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине (ЗУН)		
	знания	умения	навыки
ОПК-2 способность к использованию основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы математического анализа, которые необходимы для применения законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности- (Б1.Б.25 -З.1)	Обучающийся должен уметь: использовать математический аппарат для решения задач с применением основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности – (Б1.Б.25 -У.1)	Обучающийся должен владеть: навыками использования математического аппарата для разработки математических моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности- (Б1.Б.25 -Н.1)
ОПК-4 способность решать инженерные задачи с использованием основных законов механики,	Обучающийся должен знать: фундаментальные основы курса математического анализа необходимые для решения инженерных	Обучающийся должен уметь: применять математический аппарат для решения типовых инженерных задач с использованием	Обучающийся должен владеть: навыками построения математических моделей инженерных задач с использованием основ-



электротехники, гидравлики, термодинамики и тепломассообмена	задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и тепломассообмена- (Б1.Б.25 - 3.2)	ем основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и тепломассообмена- (Б1.Б.25 - У.2)	ных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и тепломассообмена- (Б1.Б.25 -Н.2)
ПК-2 готовность к участию в проведении исследований рабочих и технологических процессов машин	Обучающийся должен знать о численных методах расчета уравнений состояния систем и подготовки для решения этими методами (Б1.Б.25 - 3.3)	Обучающийся должен уметь решать дифференциальные уравнения графическими методами (Б1.Б.25 - У.3)	Обучающийся должен владеть навыками построения графиков функций геометрическими методами (Б1.Б.25 - Н.3)

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Математический анализ в агроинженерии» относится к базовой части Блока 1 (Б1.Б.25) основной профессиональной образовательной программы академического бакалавриата по направлению подготовки 35.03.06 Агроинженерия, профиль – Электрооборудование и электротехнологии

### Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предшествующими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

№ п/п	Наименование обеспечивающих (предшествующих) и обеспечиваемых (последующих) дисциплин, практик	Формируемые компетенции			
		Раздел 1	Раздел 2	Раздел 3	Раздел 4
Предшествующие дисциплины					
1.	Математика	ОПК-2	ОПК-2	ОПК-2	ОПК-2
Последующие дисциплины					
2.	Теоретическая механика	ОПК-4, ПК-2	ОПК-4, ПК-2	ОПК-4, ПК-2	ОПК-4, ПК-2
3.	Электроника	ОПК-4	ОПК-4	ОПК-4	ОПК-4
	Теоретические основы электротехники	ОПК-4, ПК-2	ОПК-4, ПК-2	ОПК-4, ПК-2	ОПК-4, ПК-2

## 3. Объем дисциплины и виды учебной работы

Объем дисциплины составляет 7 зачетных единиц (ЗЕТ), 252 академических часа (далее часов). Дисциплина изучается в 2, 3 семестрах.

### 3.1. Распределение объема дисциплины по видам учебной работы

Вид учебной работы	Количество часов
<b>Контактная работа (всего)</b>	<b>112</b>

Вид учебной работы	Количество часов
В том числе:	
Лекции (Л)	48
Практические занятия (ПЗ)	64
Лабораторные занятия (ЛЗ)	–
<b>Самостоятельная работа обучающихся (СР)</b>	<b>88</b>
<b>Контроль</b>	<b>36</b>
<b>Итого</b>	<b>236</b>

### 3.2. Распределение учебного времени по разделам и темам

№ темы	Наименование разделов и тем	Всего часов	в том числе				контроль
			контактная работа			СР	
			Л	ЛЗ	ПЗ		
1	2	3	4	5	6	7	8
Раздел 1. Дифференциальное и интегральное исчисления функция одной переменной							
1.1.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	29	14	-	10	5	х
1.2.	Неопределенный интеграл	19	4	-	10	5	х
1.3.	Определенный интеграл	16	6		6	4	х
Раздел 2. Функции нескольких переменных							
2.1.	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	16	4	-	8	4	х
2.2.	Кратные и криволинейные интегралы	36	6	-	10	20	х
2.3.	Элементы теории функции комплексного переменного	8				8	х
Раздел 3. Теория дифференциальных уравнений							
3.1.	Дифференциальные уравнения	40	8	-	12	20	х
3.2.	Системы дифференциальных уравнений	10	-	-	-	10	х
Раздел 4. Ряды							
4.1.	Числовые и функциональные ряды	36	6	-	10	20	х
4.2.	Тригонометрические ряды	12				12	х
	Контроль	36	х	-	х	х	36
	<b>Итого</b>	<b>236</b>	<b>48</b>	<b>-</b>	<b>64</b>	<b>88</b>	<b>36</b>

## 4. Структура и содержание дисциплины

### 4.1. Содержание дисциплины

#### Раздел 1. Дифференциальное и интегральное исчисления функция одной переменной

## **Дифференциальное исчисление функции одной переменной**

Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Понятие функции, дифференцируемой в точке, дифференциал функции и его геометрический смысл. Производная функции, ее смысл в различных задачах. Производные основных элементарных функций. Правила нахождения производной и дифференциала. Производная сложной и обратной функции. Инвариантность формы дифференциала. Применение дифференциала к приближенным вычислениям. Дифференцирование функций, заданных неявно, параметрически. Точки экстремума функции. Теорема Ферма. Теоремы Ролля, Лагранжа, Коши, их применение. Правило Лопиталя для раскрытия неопределенностей. Производные и дифференциалы высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков. Условия монотонности функции. Экстремумы функции, необходимое условие. Достаточные условия. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на интервале. Исследование выпуклости и вогнутости графика функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Понятие об асимптотическом разложении. Общая схема исследования функции и построения графика по характерным точкам. Вектор-функция скалярного аргумента. Годограф. Предел и непрерывность вектор-функции. Дифференцирование вектор-функции, механический и геометрический смысл производной вектор-функции. Приложения к механике. Дифференциал дуги кривой и его геометрический смысл. Средняя кривизна кривой и кривизна в точке. Радиус и центр кривизны.

## **Неопределенный интеграл**

Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Использование таблицы основных интегралов. Методы интегрирования: интегрирование заменой переменной и по частям, интегрирование рациональных дробей, тригонометрические подстановки и методы «рационализации» интегралов. Понятие «берущихся» и «неберущихся» интегралов в элементарных функциях.

## **Определенный интеграл**

Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл, как предел интегральной суммы. Понятие об интегрируемой функции, формулировка теоремы существования. Простейшие свойства определенного интеграла, теорема о среднем. Среднее значение функции. Производная от определенного интеграла по верхнему пределу. Связь между определенным интегралом и первообразной функцией. Формула Ньютона-Лейбница, ее применение для вычисления определенных интегралов. Вычисление определенных интегралов способом подстановки и по частям. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций, их основные свойства. Геометрическое приложение определенного интеграла: вычисление площадей фигур, ограниченных кривыми в декартовой и полярной системах координат, объемов тел по площадям поперечных сечений и тел вращения, длин дуг кривых, площадей поверхностей вращения. Приложения интеграла к решению простейших задач механики и физики.

## **Раздел 2. Функции нескольких переменных**

### **Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных**

Функции нескольких переменных. Область определения. Предел функции. Непрерывность. Некоторые понятия топологии. Частные производные. Их геометрический смысл (для случая двух переменных). Полное приращение функции. Теорема о полном приращении. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Инвариантность формы полного дифференциала. Условия, при которых выражение  $P(x,y)dx + Q(x,y)dy$  является полным дифференциалом. Дифференцирование сложной функции. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. Частные производные и полные дифферен-

циалы высших порядков. Теорема о смешанных производных (формулировка). Формула Тейлора. Неявные функции. Теоремы существования. Дифференцирование неявных функций. Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточные условия экстремума. Отыскание наибольших и наименьших значений функции. Задача обработки наблюдений. Скалярное поле. Градиент функции и его свойства.

### **Кратные и криволинейные интегралы**

Задачи, приводящие к понятию кратных интегралов. Двойной и тройной интегралы, их свойства. Формулировка теоремы о существовании двойного интеграла. Теорема о среднем значении. Вычисление кратных интегралов повторным интегрированием. Переход в двойном интеграле к полярным координатам. Геометрические и физические приложения двойного интеграла: вычисление объёмов тел, площадей и массы плоских фигур, статических моментов, координат центра тяжести и моментов инерции плоских фигур. Переход в тройном интеграле к цилиндрическим и сферическим координатам. Геометрические и физические приложения тройного интеграла: вычисление объёмов и массы тел, статических моментов, координат центра тяжести и моментов инерции тел.

Задачи, приводящие к понятиям криволинейного интеграла. Определение криволинейных интегралов первого и второго рода, их свойства, примеры вычисления. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования (плоский случай). Нахождение функции двух переменных по её полному дифференциалу.

### **Элементы теории функции комплексного переменного**

Функции комплексного переменного. Элементарные аналитические функции. Дифференцируемость. Условия Коши-Римана. Интегрирование по комплексному аргументу. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.

## **Раздел 3. Теория дифференциальных уравнений**

### **Дифференциальные уравнения**

Физические задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Дифференциальные уравнения первого порядка. Понятие об общем и частном решении. Интегральные кривые. Начальные условия. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Основные классы уравнений, интегрируемых в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные и линейные. Понятие об особом решении. Поле направлений дифференциального уравнения. Изоклины. Приложения дифференциальных уравнений первого порядка в различных областях науки. Дифференциальные уравнения высших порядков. Общее и частное решение. Задача Коши. Понятие о краевых задачах для дифференциальных уравнений. Уравнения, допускающие понижение порядка. Примеры применения дифференциальных уравнений в науке и технике. Линейные дифференциальные уравнения, однородные и неоднородные. Понятие общего решения. Свойства их решений. Линейно независимые решения. Структура общего решения. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Запись общего решения в зависимости от корней характеристического уравнения. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Теорема о наложении решений. Уравнения с правой частью специального вида. Приложения к описанию линейных моделей. Метод вариации произвольных постоянных. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами высших порядков.

### **Системы дифференциальных уравнений**

Нормальная система дифференциальных уравнений. Автономные системы. Векторная запись нормальной системы. Геометрический смысл решения. Фазовое пространство (плоскость), фазовая кривая. Приложения в динамике систем материальных точек, в теории авто-



матического управления, в биологии и т.п. Задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Метод исключения для решения нормальных систем дифференциальных уравнений. Системы линейных дифференциальных уравнений, свойства решений. Решение систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

## Раздел 4. Ряды

### Числовые и функциональные ряды

Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия с рядами. Расходимость гармонического ряда. Основные свойства сходящихся рядов. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения, Даламбера, Коши. Обобщённый ряд как пример эталонного ряда. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка ряда. Абсолютная и неабсолютная сходимость. Функциональные ряды. Область сходимости, методы ее определения. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда. Ряд Тейлора и Маклорена. Разложение функций в степенные ряды. Применение степенных рядов в приближенных вычислениях: вычисление определённых интегралов, решение дифференциальных уравнений.

### Тригонометрические ряды

Ряды Фурье по тригонометрическим системам. Формулы для коэффициентов ряда. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Ряд Фурье для чётных и нечётных функций. Формулировка достаточных условий сходимости рядов Фурье. Ряд Фурье для функции с любым периодом. Условие поточечной сходимости и сходимости «в среднем». Применение тригонометрических рядов Фурье в приближенных вычислениях. Понятие о практическом гармоническом анализе. Интеграл Фурье.

## 4.2. Содержание лекций

№ п/п	Наименование лекций	Кол-во часов
1.	Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной функции в точке. Основные правила дифференцирования функций. Производная сложной функции.	2
2	Производные основных элементарных функций, таблица производных. Производная неявной и параметрически заданной функции. Теорема о непрерывности дифференцируемой функции.	2
3	Дифференциал функции. Геометрический смысл. Связь с производной. Свойства первого дифференциала. Геометрический и механический смысл производной. Уравнения касательной и нормали к плоской кривой. Производные и дифференциалы высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков. Механический смысл производной второго порядка. Вторая производная параметрически заданной функции и неявной функции.	2
4-5	Основные теоремы дифференциального исчисления действительной переменной и их применение: теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя.	4
6	Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков. Условия монотонности функции. Экстремумы функции, необходимое и достаточное условия существования экстремума. Отыскание наименьшего и наибольшего значений функции, дифференцируемой на отрезке	2

№ п/п	Наименование лекций	Кол-во часов
7	Исследование выпуклости функции. Точки перегиба. Достаточное условие существования точки перегиба. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения ее графика. Примеры	2
8	Первообразная функция. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица интегралов. Методы интегрирования: непосредственное интегрирование, метод замены переменной в неопределенном интеграле и интегрирование по частям.	2
9	Разложение рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование иррациональных функций (степенные и тригонометрические подстановки), тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка. Выражения, неинтегрируемые в квадратурах.	2
10	Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл. Теорема существования определенного интеграла. Свойства определенного интеграла.	2
11	Производная интеграла по верхнему переменному пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменной в определенном интеграле. Определенный интеграл от нечетной и четной функции по симметричному промежутку.	2
12	Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования и от неограниченных функций. Приложение определенного интеграла к решению геометрических и физических задач: вычисление площади плоской фигуры, длины дуги кривой (площадей плоских фигур, длины дуги, площади поверхности, объема тела вращения, работы, давления, статистических моментов, центра тяжести плоской фигуры).	2
13	Функции двух действительных переменных, способы их задания. Область определения. Линии уровня функции двух переменных. Частные производные первого порядка, их геометрический смысл. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала.	2
14	Приближенные вычисления с помощью первого дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие экстремума. Отыскание наименьших и наибольших значений функции.	2
15	Задачи, приводящие к понятию дифференциальных уравнений (ДУ). Порядок ДУ, решение ДУ первого порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. ДУ I-го порядка с разделяющимися переменными. Однородные Д.У. первого порядка. Линейные Д.У. первого порядка. Уравнение Я. Бернулли. Поле направлений. Изоклины.	2
16	ДУ второго порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.	2
17	Линейные однородные дифференциальные уравнения (ЛОДУ) второго порядка. Линейно независимые и зависимые решения. Определитель Вронского, его свойства. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ. Общее решение ЛОДУ с постоянными коэффициентами.	2
18	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения (ЛНДУ) второго порядка с постоянными коэффициентами. Теорема о структуре общего решения. Метод вариации произвольных постоянных. Отыскание частного решения ЛНДУ со	2

№ п/п	Наименование лекций	Кол-во часов
	специальным видом правой части. Теорема о наложении решений.	
	Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Двойной интеграл, его определение. Свойства, теорема о среднем значении. Вычисление двойного интеграла. Приложения двойного интеграла.	2
	Понятие тройного интеграла. Приложения тройного интеграла.	2
19	Задача о вычислении работы переменной силы. Определение криволинейного интеграла по координатам. Свойства, вычисление. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла по пути интегрирования. Приложения криволинейного интеграла II рода.	2
20	Числовые ряды, сумма ряда, сходимость и расходимость. Необходимые условия сходимости. Ряд Дирихле. Гармонический ряд. Ряд геометрической прогрессии. Свойства сходящихся рядов. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения рядов. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши.	2
21	Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная, условная сходимость. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда: непрерывность, почленное дифференцирование и интегрирование.	2
22	Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора и в ряд Маклорена. Приложение степенных рядов к приближенным вычислениям: решение дифференциальных уравнений, вычисление интегралов.	2
	<b>Итого</b>	<b>48</b>

#### 4.3. Содержание лабораторных занятий

Лабораторные занятия не предусмотрены учебным планом.

#### 4.4. Содержание практических занятий

№ п/п	Наименование практических занятий	кол-во часов
1.	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	10
2.	Неопределенный интеграл	10
3.	Определенный интеграл	6
4.	Дифференциальные исчисления функции нескольких переменных	8
5.	Кратные и криволинейные интегралы	10
6.	Дифференциальные уравнения	10
7.	Числовые и функциональные ряды	10
	<b>Итого</b>	<b>64</b>

#### 4.5. Виды и содержание самостоятельной работы обучающихся

##### 4.5.1. Виды самостоятельной работы обучающихся

Виды самостоятельной работы обучающихся	Количество часов

Подготовка к практическим занятиям	49
Самостоятельное изучение отдельных тем и вопросов	30
Подготовка к зачету	9
<b>Итого</b>	<b>88</b>

#### 4.5.2. Содержание самостоятельной работы обучающихся

№ п/п	Наименование изучаемых тем и вопросов	кол-во часов
1.	Дифференцирование сложных функций, а также функций заданных неявно и параметрически. Применение дифференциала к приближённым вычислениям. Применение дифференциального исчисления для исследования функций и построения их графиков.	3
2.	Вектор-функция скалярного аргумента. Годограф. Предел и непрерывность вектор-функции. Дифференцирование вектор-функции, геометрический и геометрический смысл производной вектор-функции. Приложения к механике. Дифференциал дуги кривой и его геометрический смысл. Средняя кривизна кривой и кривизна в точке. Радиус и центр кривизны.	2
3.	Методы интегрирования неопределенного интеграла.	5
4.	Вычисление определённых интегралов. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций. Приложения определённого интеграла к решению задач геометрии, механики и физики. Приближенные методы вычисления определённых интегралов.	4
5.	Дифференцирование функции двух переменных. Полный дифференциал. Применение полного дифференциала к приближённым вычислениям. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Экстремумы функции нескольких переменных. Отыскание наибольших и наименьших значений функции.	4
6.	Скалярное поле. Поверхности и линии уровня. Производная по направлению. Градиент функции и его свойства. Связь градиента с поверхностями и линиями уровня.	2
7.	Функции комплексного переменного. Элементарные аналитические функции. Дифференцируемость. Условия Коши-Римана. Интегрирование по комплексному аргументу. Теорема Коши. Интегральная формула Коши.	6
8.	Основные классы уравнений, интегрируемых в квадратурах: с разделяющимися переменными, однородные и линейные. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с правой частью специального вида. Метод вариации произвольных постоянных.	10
9.	Решения нормальных систем дифференциальных уравнений методом исключения.	10
10.	Вычисление двойных и тройных интегралов. Геометрические и физические приложения двойного и тройного интегралов. Криволинейные и поверхностные интегралы. Нахождение функции двух переменных по её полному дифференциалу	20
11.	Числовые и функциональные ряды. Применение степенных рядов в при-	10

№ п/п	Наименование изучаемых тем и вопросов	кол-во часов
	ближенных вычислениях: вычисление значений функций, определённых интегралов, решение дифференциальных уравнений.	
12.	Ряды Фурье по тригонометрическим системам. Формулы для коэффициентов ряда. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Ряд Фурье для чётных и нечётных функций. Формулировка достаточных условий сходимости рядов Фурье. Ряд Фурье для функции с любым периодом. Условие поточечной сходимости и сходимости «в среднем». Применение тригонометрических рядов Фурье в приближенных вычислениях. Понятие о практическом гармоническом анализе. Интеграл Фурье.	12
	<b>Итого</b>	<b>88</b>

### 5. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Учебно-методические разработки имеются в Научной библиотеке ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ:

1. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/29.pdf>
2. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/28.pdf>
3. Функции нескольких переменных. Кратные и криволинейные интегралы [Электронный ресурс]: метод. указания [для инженерно-технических, экономических, педагогических направлений бакалавриата и специалитета] / сост.: Р.И. Миронова, С.А. Скрипка; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013 – 45 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/19.pdf>
4. Типовые расчеты по теме «Функции двух переменных» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для инженерно-технических, экономических, педагогических направлений бакалавриата и специалитета] / сост.: Г.А. Ларионова [и др.]; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013 – 74 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/24.pdf>
5. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Челябинская государственная агроинженерная академия. – Челябинск, 2015. – 81 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/14.pdf>
6. Типовые расчеты по теме «Дифференциальные уравнения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: методические указания / сост. Г.А. Ларионова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2015. – 55 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/23.pdf>
7. Комплексные числа [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: С.А. Скрипка, А.С. Угрюмова; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013 – 44 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/21.pdf>

8. Типовые расчеты по теме «Ряды» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Булгакова, С.А. Скрипка; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2014. – 70 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/20.pdf>

## **6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине**

Для установления соответствия уровня подготовки обучающихся требованиям ФГОС ВО, разработан фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине. Фонд оценочных средств представлен в Приложении № 1.

## **7. Основная и дополнительная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины**

Основная и дополнительная учебная литература имеется в Научной библиотеке и электронной информационно-образовательной среде ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ.

### **Основная:**

1. Апарина Л.В. Числовые и функциональные ряды [Электронный ресурс]: учебное пособие. – СПб: Лань, 2012. – 156 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=3798](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=3798)
2. Берман Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2017. – 492 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/89934>
3. Бермант А.Ф. Краткий курс математического анализа. [Электронный ресурс] / А.Ф. Бермант, И.Г. Араманович. – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2010. – 736 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/2660>
4. Вдовин А.Ю. Высшая математика. Стандартные задачи с основами теории. [Электронный ресурс] / А.Ю. Вдовин, Л.В. Михалева, В.М. Мухина. – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2009. – 192 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/45>
5. Волков Ю.В. Практические занятия по алгебре. Комплексные числа, многочлены [Электронный ресурс]: учебное пособие / Ю.В. Волков, Н.Н. Ермолаева, В.А. Козыниченко [и др.]. – СПб: Лань, 2014. – 192 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=51935](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=51935).
6. Натансон И.П. Краткий курс высшей математики. [Электронный ресурс] — Электрон. дан. – СПб: Лань, 2009. – 736 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/283>
7. Шипачев В.С. Начала высшей математики. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2013. – 384 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/5713>

### **Дополнительная:**

1. Берман Г.Н. Решебник к сборнику задач по курсу математического анализа [Электронный ресурс]: учебное пособие. – СПб: Лань, 2011. – 608 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=674](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=674).
2. Вдовин А.Ю. Справочник по математике для бакалавров [Электронный ресурс]: учебное пособие / А.Ю. Вдовин, Н.Л. Воронцова, Л.А. Золкина [и др.]. – СПб: Лань, 2014. 80 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=51722](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=51722)
3. Дорофеев С.Н. Высшая математика [Электронный ресурс] / С.Н. Дорофеев. Москва: Мир и образование, 2011. – 591 с. – Режим доступа: [http://biblioclub.ru/index.php?page=book\\_view\\_red&book\\_id=102357](http://biblioclub.ru/index.php?page=book_view_red&book_id=102357)



4. Лисичкин В.Т. Математика в задачах с решениями. [Электронный ресурс] / В.Т. Лисичкин, И.Л. Соловейчик. – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2014. – 464 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/2785>
5. Марон И.А. Дифференциальное и интегральное исчисление в примерах и задачах. Функции одной переменной [Электронный ресурс]: учебное пособие. – СПб: Лань, 2008. – 400 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=254](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=254)
6. Миносцев В.Б. (под ред.) Курс математики для технических высших учебных заведений. Часть 1. Аналитическая геометрия. Пределы и ряды. Функции и производные. Линейная и векторная алгебра [Электронный ресурс]: учебное пособие / В.Б. Миносцев (под ред.), Е.А. Пушкарь (под ред.), В.Г. Зубков [и др.]. – СПб: Лань, 2013. – 543 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=30424](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=30424).
7. Миносцев В.Б. (под ред.) Курс математики для технических высших учебных заведений. Часть 2. Функции нескольких переменных. Интегральное исчисление. Теория поля [Электронный ресурс]: учебное пособие / В.Б. Миносцев (под ред.), Е.А. Пушкарь (под ред.), В.А. Ляховский [и др.]. – СПб: Лань, 2013. – 429 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=30425](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=30425).
8. Миносцев В.Б. (под ред.) Курс математики для технических высших учебных заведений. Часть 3. Дифференциальные уравнения. Уравнения математической физики. Теория оптимизации [Электронный ресурс]: учебное пособие / В.Б. Миносцев (под ред.), Е.А. Пушкарь (под ред.), Н.А. Берков [и др.]. – СПб: Лань, 2013. – 514 с. – Режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=30426](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=30426).
9. Прошкин С.С. Математика для решения физических задач. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб: Лань, 2014. – 384 с. – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/book/53688>

#### **Периодические издания:**

«Наука и жизнь», «Техника – молодежи», «Квант».

#### **8. Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимые для освоения дисциплины**

1. Единое окно доступа к учебно-методическим разработкам <https://юургау.рф>
2. ЭБС «Лань» <http://e.lanbook.com/>
3. Университетская библиотека ONLINE <http://biblioclub.ru>

#### **9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Учебно-методические разработки имеются в Научной библиотеке и электронной информационно-образовательной среде ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ.

1. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/29.pdf>
2. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт аг-

- роинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/28.pdf>
3. Функции нескольких переменных. Кратные и криволинейные интегралы [Электронный ресурс]: метод. указания [для инженерно-технических, экономических, педагогических направлений бакалавриата и специалитета] / сост.: Р.И. Миронова, С.А. Скрипка; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013. – 45 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/19.pdf>
  4. Типовые расчеты по теме «Функции двух переменных» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для инженерно-технических, экономических, педагогических направлений бакалавриата и специалитета] / сост.: Г.А. Ларионова [и др.]; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013. – 74 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/24.pdf>
  5. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Челябинская государственная агроинженерная академия. – Челябинск, 2015. – 81 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/14.pdf>
  6. Типовые расчеты по теме «Дифференциальные уравнения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: методические указания / сост. Г.А. Ларионова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2015. – 55 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/23.pdf>
  7. Комплексные числа [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: С.А. Скрипка, А.С. Угрюмова; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013. – 44 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/21.pdf>
  8. Типовые расчеты по теме «Ряды» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Булгакова, С.А. Скрипка; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2014. – 70 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/20.pdf>

#### **10. Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем**

В Научной библиотеке с терминальных станций предоставляется доступ к базам данных:

- КонсультантПлюс (справочные правовые системы);
- Техэксперт (информационно-справочная система ГОСТов);
- «Сельхозтехника» (автоматизированная справочная система).

#### **11. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

##### **Перечень учебных лабораторий, аудиторий, компьютерных классов**

1. Учебная аудитория 405.

#### **12. Инновационные формы образовательных технологий**

Вид занятия	Лекции	ЛЗ	ПЗ
Формы работы			
Анализ конкретных ситуаций	+	-	+

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**

для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации  
обучающихся по дисциплине

**Б1. Б.25 МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ В АГРОИНЖЕНЕРИИ**

Направление подготовки **35.03.06** **Агроинженерия**

Профиль **Электрооборудование и электротехнологии**

Уровень высшего образования – **бакалавриат (академический)**

Квалификация – **бакалавр**

Форма обучения – **очная**

## СОДЕРЖАНИЕ

1. Компетенции с указанием этапа(ов) их формирования в процессе освоения ОПОП....	19
2. Показатели, критерии и шкала оценивания сформированности компетенций.....	19
3. Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этап(ы) формирования компетенций в процессе освоения ОПОП.....	21
4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этап(ы) формирования компетенций.....	22
4.1. Оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости.....	22
4.1.1. Устный ответ на практическом занятии.....	22
4.1.2. Индивидуальное задание (типовой расчет).....	23
4.2. Процедуры и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации...	24
4.2.1. Зачет.....	24
4.2.2. Экзамен.....	27

## 1. Компетенции с указанием этапа их формирования в процессе освоения ОПОП

Компетенции по данной дисциплине формируются на продвинутом этапе.

Контролируемые результаты освоения ОПОП (компетенции)	Контролируемые результаты обучения по дисциплине		
	знания	умения	навыки
ОПК-2 способность к использованию основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	Обучающийся должен знать: основные понятия и методы курса математического анализа, которые необходимы для применения законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности - (Б1.Б.25-3.1)	Обучающийся должен уметь: использовать математический аппарат для решения задач с применением основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности - (Б1.Б.25-У.1)	Обучающийся должен владеть: навыками использования математического аппарата для разработки математических моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности - (Б1.Б.25-Н.1)
ОПК-4 способность решать инженерные задачи с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена	Обучающийся должен знать: фундаментальные основы курса математического анализа необходимые для решения инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена – (Б1. Б1.Б.25-3.2)	Обучающийся должен уметь: применять математический аппарат для решения типовых инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена - (Б1. Б1.Б.25-У.2)	Обучающийся должен владеть: навыками построения математических моделей инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена - (Б1.Б.25-Н.2)
ПК-2 готовность к участию в проведении исследований рабочих и технологических процессов машин	Обучающийся должен знать о численных методах расчета уравнений состояния систем и подготовки для решения этими методами (Б1.Б.25-3.3)	Обучающийся должен уметь решать дифференциальные уравнения графическими методами (Б1.Б.25-У.3)	Обучающийся должен владеть навыками построения графиков функций геометрическими методами (Б1.Б.25-Н.3)

## 2. Показатели, критерии и шкала оценивания сформированности компетенций

Показатели оценивания (ЗУН)	Критерии и шкала оценивания результатов обучения по дисциплине			
	Недостаточный уровень (не зачтено, неудовлетворительно)	Достаточный уровень (зачтено, удовлетворительно)	Средний уровень (зачтено, хорошо)	Высокий уровень (зачтено, отлично)
Б1.Б.25-3.1	Обучающийся не знает основные по-	Обучающийся слабо знает основные по-	Обучающийся с незначительными	Обучающийся с требуемой

	<p>нятия и методы курса математического анализа, которые необходимы для применения законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности</p>	<p>нятия и методы курса математического анализа, которые необходимы для применения законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности</p>	<p>ошибками и отдельными пробелами знает основные понятия и методы курса математического анализа, которые необходимы для применения законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности</p>	<p>степенью полноты и точности знает основные понятия и методы курса математического анализа, которые необходимы для применения законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности</p>
Б1.Б.25-3.2	<p>Обучающийся не знает фундаментальные основы курса математического анализа необходимые для решения инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена</p>	<p>Обучающийся слабо знает фундаментальные основы курса математического анализа необходимые для решения инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена</p>	<p>Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными пробелами знает фундаментальные основы курса математического анализа необходимые для решения инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена</p>	<p>Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает фундаментальные основы курса математического анализа необходимые для решения инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена</p>
Б1.Б.25-3.3	<p>Обучающийся не знает численные методы расчета уравнений состояния систем и подготовки для решения этими методами</p>	<p>Обучающийся слабо знает численные методы расчета уравнений состояния систем и подготовки для решения этими методами</p>	<p>Обучающийся с незначительными ошибками и отдельными пробелами знает численные методы расчета уравнений состояния систем и подготовки для решения этими методами</p>	<p>Обучающийся с требуемой степенью полноты и точности знает численные методы расчета уравнений состояния систем и подготовки для решения этими методами</p>
Б1.Б.25-У.1	<p>Обучающийся не умеет использовать математический</p>	<p>Обучающийся слабо умеет использовать математический ап</p>	<p>Обучающийся умеет использовать математический</p>	<p>Обучающийся умеет использовать матема</p>



	аппарат для решения задач с применением основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	аппарат для решения задач с применением основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	аппарат для решения задач с применением основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности с незначительными затруднениями	аппарат для решения задач с применением основных законов естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности
Б1.Б.25-У.2	Обучающийся не умеет применять математический аппарат для решения типовых инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена	Обучающийся слабо умеет применять математический аппарат для решения типовых инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена	Обучающийся умеет применять математический аппарат для решения типовых инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена с незначительными затруднениями	Обучающийся умеет применять математический аппарат для решения типовых инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена
Б1.Б.25-У.3	Обучающийся не умеет решать дифференциальные уравнения графическими методами	Обучающийся слабо умеет решать дифференциальные уравнения графическими методами	Обучающийся умеет решать дифференциальные уравнения графическими методами	Обучающийся умеет решать дифференциальные уравнения графическими методами
Б1.Б.25-Н.1	Обучающийся не владеет навыками использования математического аппарата для разработки математических моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности	Обучающийся слабо владеет навыками использования математического аппарата для разработки математических моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности	Обучающийся с небольшими затруднениями владеет навыками использования математического аппарата для разработки математических моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности	Обучающийся свободно владеет навыками использования математического аппарата для разработки математических моделей процессов и явлений, решения практических задач профессиональной деятельности
Б1.Б.25-Н.2	Обучающийся не владеет навыками	Обучающийся слабо владеет навыками	Обучающийся с небольшими за-	Обучающийся свободно вла-

	построения математических моделей инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена	построения математических моделей инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена	трудностями владеет навыками построения математических моделей инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена	деет навыками построения математических моделей инженерных задач с использованием основных законов механики, электротехники, гидравлики, термодинамики и теплообмена
Б1.Б.25-Н.3	Обучающийся не владеет навыками построения графиков функций геометрическими методами	Обучающийся слабо владеет навыками построения графиков функций геометрическими методами	Обучающийся с небольшими затруднениями владеет навыками построения графиков функций геометрическими методами	Обучающийся свободно владеет навыками построения графиков функций геометрическими методами

### 3. Типовые контрольные задания и (или) иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения ОПОП

Типовые контрольные задания и материалы, необходимые для оценки знаний, умений и навыков, характеризующих продвинутый этап формирования компетенций в процессе освоения ОПОП, содержатся в учебно-методических разработках, приведенных ниже.

1. Типовой расчет по теме «Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения» [Электронный ресурс]: [для самостоятельной работы студентов очных факультетов] / сост.: С.В. Баженова, И.С. Стабулит, М.В. Филиппова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2017. – 70 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/29.pdf>
2. Типовые расчеты по теме «Интегральное исчисление функции одной действительной переменной» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: метод. указания / сост.: О.Е. Акулич, М.Н. Архипова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2016. – 82 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/28.pdf>
3. Функции нескольких переменных. Кратные и криволинейные интегралы [Электронный ресурс]: метод. указания [для инженерно-технических, экономических, педагогических направлений бакалавриата и специалитета] / сост.: Р.И. Миронова, С.А. Скрипка; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013. – 45 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/19.pdf>
4. Типовые расчеты по теме «Функции двух переменных» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: [для инженерно-технических, экономических, педагогических направлений бакалавриата и специалитета] / сост.: Г.А. Ларионова [и др.];

- ЧГАА. – 2-е изд, перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013. – 74 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/24.pdf>
5. Дифференциальные уравнения в прикладных задачах [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: О.Е. Акулич, С.А. Скрипка, И.С. Стабулит; Челябинская государственная агроинженерная академия. – Челябинск, 2015. – 81 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/14.pdf>
  6. Типовые расчеты по теме «Дифференциальные уравнения» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: методические указания / сост. Г.А. Ларионова; Южно-Уральский ГАУ, Институт агроинженерии. – Челябинск: Южно-Уральский ГАУ, 2015. – 55 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/23.pdf>
  7. Комплексные числа [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: С.А. Скрипка, А.С. Угрюмова; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2013. – 44 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/21.pdf>
  8. Типовые расчеты по теме «Ряды» для самостоятельной работы студентов [Электронный ресурс]: методические указания / сост.: О.Е. Акулич, М.В. Булгакова, С.А. Скрипка; ЧГАА. – 2-е изд., перераб. – Челябинск: ЧГАА, 2014. – 70 с. – Режим доступа: <http://192.168.0.1:8080/localdocs/vmat/20.pdf>

Методические разработки, указанные в п.3 ФОС, используются при анализе конкретных ситуаций (см. п. 12 РПД).

#### **4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этап(ы) формирования компетенций**

В данном разделе методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков, характеризующих продвинутый этап формирования компетенций по дисциплине «Математический анализ в агроинженерии», приведены применительно к каждому из используемых видов текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся.

##### **4.1. Оценочные средства для проведения текущего контроля успеваемости**

###### **4.1.1. Устный ответ на практическом занятии**

Устный ответ на практическом занятии используется для оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по отдельным вопросам и темам дисциплины. Темы и планы занятий (см. п.3 ФОС) заранее сообщаются обучающимся. Ответ оценивается оценкой «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Критерии оценки ответа (табл.) доводятся до сведения обучающихся в начале занятий. Оценка объявляется обучающемуся непосредственно после устного ответа.

<b>Шкала</b>	<b>Критерии оценивания</b>
Оценка 5 (отлично)	<ul style="list-style-type: none"> <li>- обучающийся полно усвоил учебный материал;</li> <li>- проявляет навыки анализа, обобщения, критического осмысления и восприятия информации, навыки применения основных математических методов;</li> <li>- материал изложен грамотно, в определенной логической последовательности, точно используется терминология;</li> <li>- показано умение иллюстрировать теоретические положения кон-</li> </ul>

Шкала	Критерии оценивания
	кретными примерами, применять их в новой ситуации; - продемонстрировано умение решать прикладные задачи; - продемонстрирована сформированность и устойчивость знаний, умений и навыков; - могут быть допущены одна-две неточности при освещении второстепенных вопросов.
Оценка 4 (хорошо)	ответ удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет место один из недостатков: - в усвоении учебного материала допущены небольшие пробелы, не исказившие содержание ответа; - в решении прикладных задач допущены незначительные неточности.
Оценка 3 (удовлетворительно)	- неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала; - имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, в применении математических методов решения прикладных задач, исправленные после нескольких наводящих вопросов; - при неполном знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность умений и навыков, обучающийся не может переносить знания в новые проблемные ситуации.
Оценка 2 (неудовлетворительно)	- не раскрыто основное содержание учебного материала; - обнаружено незнание или непонимание большей или наиболее важной части учебного материала; - допущены ошибки в определении понятий, при использовании терминологии, в применении математических методов при решении прикладных задач, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов; - не сформированы компетенции, отсутствуют соответствующие знания, умения и навыки.

#### 4.1.2. Индивидуальное задание (типовой расчет)

Индивидуальное задание (далее типовой расчет) используется для оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по отдельным темам дисциплины. Вариант задания для каждого обучающегося определяется в соответствии с порядковым номером в журнале группы. Содержание заданий типовых расчетов приводится в методических указаниях (п. 3 ФОС).

При изучении дисциплины «Математический анализ в агроинженерии» выполняются следующие типовые расчеты:

1. Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной и его приложения (6-8 заданий).
2. Неопределенный интеграл (6-8 заданий).
3. Определенный интеграл (4-6 заданий).
4. Дифференциальное исчисление функции двух переменных (3-4 задания).
5. Дифференциальные уравнения (5-8 заданий)
6. Интегральное исчисление функции двух переменных (3-4 задания).
7. Ряды (6-10 заданий).

Работа выполняется в отдельной тетради (12-18 листов) в клеточку.

Требования при выполнении типового расчета:

- условие каждой задачи вклеивается в тетрадь в печатном виде или пишется от руки разборчивым почерком;
- приводится полное и обоснованное решение с необходимыми пояснениями, вычислениями и расчетами;
- после решения записывается ответ;
- графические построения выполняются карандашом;
- текст решения всех задач должен быть в письменном виде;
- для отметок и замечаний преподавателя должны быть оставлены поля (3–4 см).

Типовой расчет сдается до указанного преподавателем срока и принимается на проверку только в том случае, если удовлетворяет требованиям к оформлению. Работа над ошибками выполняется в этой же тетради и сдается для повторной проверки.

Преподаватель может назначить по своему усмотрению защиту типового расчета, выполненного обучающимся.

Содержание типового расчета и критерии оценки ответа (табл.) доводятся до сведения обучающегося согласно графику выполнения в начале каждого семестра. Типовой расчет оценивается преподавателем оценкой «зачтено», «не зачтено» и результат объявляется на занятии.

<b>Шкала</b>	<b>Критерии оценивания</b>
Оценка «зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> <li>- работа выполнена полностью;</li> <li>- умение логично и грамотно применять математические методы при решении предложенных задач;</li> <li>- умение обосновывать выбор метода решения, показывает знание основных математических понятий при ответе на вопросы преподавателя, способен исправлять ошибки после дополнительных вопросов.</li> </ul>
Оценка «не зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> <li>- работа выполнена не в полном объеме;</li> <li>- отсутствие необходимых теоретических знаний;</li> <li>- допущены грубые ошибки в применении алгоритмов математических методов решения задач.</li> </ul>

## **2.2. Процедуры и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации**

### **4.2.1. Зачет**

Зачет является формой оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по разделам дисциплины. По результатам зачета обучающемуся выставляется оценка «зачтено» или «не зачтено».

Зачет проводится по окончании чтения лекций и выполнения лабораторных (практических) занятий. Зачетным является последнее занятие по дисциплине. Зачет принимается преподавателями, проводившими лабораторные (практические) занятия, или читающими лекции по данной дисциплине. В случае отсутствия ведущего преподавателя зачет принимается преподавателем, назначенным распоряжением заведующего кафедрой. С разрешения заведующего кафедрой на зачете может присутствовать преподаватель кафедры, привлеченный для помощи в приеме зачета.

Присутствие на зачете преподавателей с других кафедр без соответствующего распоряжения ректора, проректора по учебной работе или декана факультета не допускается.

Форма проведения зачета письменная работа, продолжительностью 45 минут, определяется кафедрой и доводится до сведения обучающихся в начале семестра.

Для проведения зачета ведущий преподаватель накануне получает в деканате зачетно-экзаменационную ведомость, которая возвращается в деканат после окончания мероприятия в день проведения зачета или утром следующего дня.

Обучающиеся при явке на зачет обязаны иметь при себе зачетную книжку, которую они предъявляют преподавателю.

Во время зачета обучающиеся могут пользоваться с разрешения ведущего преподавателя справочной и нормативной литературой, другими пособиями и техническими средствами.

Преподавателю предоставляется право задавать обучающимся дополнительные вопросы в рамках программы дисциплины.

Качественная оценка «зачтено», внесенная в зачетную книжку и зачетно-экзаменационную ведомость, является результатом успешного усвоения учебного материала.

Результат зачета в зачетную книжку выставляется в день проведения зачета в присутствии самого обучающегося. Преподаватели несут персональную ответственность за своевременность и точность внесения записей о результатах промежуточной аттестации в зачетно-экзаменационную ведомость и в зачетные книжки.

Если обучающийся явился на зачет и отказался от прохождения аттестации в связи с неподготовленностью, то в зачетно-экзаменационную ведомость ему выставляется оценка «не зачтено».

Неявка на зачет отмечается в зачетно-экзаменационной ведомости словами «не явился».

Нарушение дисциплины, списывание, использование обучающимися неразрешенных печатных и рукописных материалов, мобильных телефонов, коммуникаторов, планшетных компьютеров, ноутбуков и других видов личной коммуникационной и компьютерной техники во время зачета запрещено. В случае нарушения этого требования преподаватель обязан удалить обучающегося из аудитории и проставить ему в ведомости оценку «не зачтено».

Обучающимся, не сдавшим зачет в установленные сроки по уважительной причине, индивидуальные сроки проведения зачета определяются приказом ректора Университета.

Обучающиеся, имеющие академическую задолженность, сдают зачет в сроки, определяемые Университетом. Информация о ликвидации задолженности отмечается в экзаменационном листе.

Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья могут сдавать зачеты в сроки, установленные индивидуальным учебным планом. Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, имеющие нарушения опорно-двигательного аппарата, допускаются на аттестационные испытания в сопровождении ассистентов-сопровождающих.

Процедура проведения промежуточной аттестации для особых случаев изложена в «Положении о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по ОПОП бакалавриата, специалитета и магистратуры» ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ (ЮУрГАУ-П-02-66/02-16 от 26.10.2016 г.).

Шкала и критерии оценивания ответа обучающегося представлены в таблице.

<b>Шкала</b>	<b>Критерии оценивания</b>
Оценка «зачтено»	знание программного материала, усвоение материала основной и дополнительной литературы, рекомендованной программой дисциплины, правильное решение прикладных задач (допускается наличие незначительных ошибок или недостаточно полное раскрытие содержания вопроса или погрешность не принципиального характера в ответе на вопросы).
Оценка «не зачтено»	пробелы в знаниях основного программного материала, принципиальные ошибки при ответе на вопросы.

### Вопросы к зачету

### 3 семестр



1. Задачи, приводящие к понятию дифференциальных уравнений (ДУ). Порядок ДУ, решение ДУ.
2. ДУ первого порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Геометрическая интерпретация ДУ первого порядка.
3. ДУ первого порядка с разделяющимися переменными.
4. Однородные ДУ первого порядка.
5. Линейные ДУ первого порядка. Уравнение Я. Бернулли.
6. ДУ второго порядка. Начальные условия, общее решение, частное решение. Задача Коши.
7. ДУ высших порядков, допускающие понижение порядка.
8. Линейные однородные ДУ второго порядка. Линейно независимые и зависимые решения. Определитель Вронского, его свойства.
9. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ. Отыскание общего решения ЛОДУ с постоянными коэффициентами.
10. ЛНДУ второго порядка с постоянными коэффициентами. Теорема о структуре общего решения. Метод вариации произвольных постоянных.
11. Отыскание частного решения ЛНДУ со специальным видом правой части.
12. Теорема о наложении решений.
13. Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Двойной интеграл, его определение. Теорема существования двойного интеграла.
14. Свойства, теорема о среднем значении.
15. Вычисление двойного интеграла. Переход к полярным координатам.
16. Приложения двойного интеграла.
17. Задачи, приводящие к понятию тройного интеграла. Тройной интеграл, его определение, свойства. Теорема существования тройного интеграла.
18. Вычисление тройного интеграла. Переход к цилиндрическим и сферическим координатам.
19. Приложения тройного интеграла.
20. Задача о вычислении работы переменной силы. Определение криволинейного интеграла по координатам.
21. Свойства, вычисление криволинейного интеграла II рода.
22. Формула Грина.
23. Условия независимости криволинейного интеграла по пути интегрирования.
24. Нахождение функции двух переменных по ее полному дифференциалу.
25. Приложения криволинейного интеграла второго рода.
26. Числовые ряды, сходимость и расходимость. Необходимые условия сходимости.
27. Гармонический ряд. Геометрическая прогрессия.
28. Свойства сходящихся рядов.
29. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения рядов. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши. Ряд Дирихле.
30. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная, условная сходимость.
31. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Свойства суммы степенного ряда: непрерывность, почленное дифференцирование и интегрирование.
32. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Тейлора и в ряд Маклорена.
33. Приложение степенных рядов к приближенным вычислениям: решение дифференциальных уравнений, вычисление интегралов.

#### 4.2.2. Экзамен

Экзамен является формой оценки качества освоения обучающимся основной профессиональной образовательной программы по разделам дисциплины. По результатам экзамена обучающемуся выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно».

Экзамен по дисциплине проводится в соответствии с расписанием промежуточной аттестации, в котором указывается время его проведения, номер аудитории, место проведения консультации. Утвержденное расписание размещается на информационных стендах, а также на официальном сайте Университета.

Уровень требований для промежуточной аттестации обучающихся устанавливается рабочей программой дисциплины и доводится до сведения обучающихся в начале семестра.

Экзамены принимаются, как правило, лекторами. С разрешения заведующего кафедрой на экзамене может присутствовать преподаватель кафедры, привлеченный для помощи в приеме экзамена. В случае отсутствия ведущего преподавателя экзамен принимается преподавателем, назначенным распоряжением заведующего кафедрой.

Присутствие на экзамене преподавателей с других кафедр без соответствующего распоряжения ректора, проректора по учебной работе или декана факультета не допускается.

Обучающиеся при явке на экзамен обязаны иметь при себе зачетную книжку, которую они предъявляют экзаменатору.

Для проведения экзамена ведущий преподаватель накануне получает в деканате зачетно-экзаменационную ведомость, которая возвращается в деканат после окончания мероприятия в день проведения экзамена или утром следующего дня.

Экзамен проводится по билетам в устном виде. Экзаменационные билеты составляются по установленной форме в соответствии с утвержденными кафедрой экзаменационными вопросами и утверждаются заведующим кафедрой ежегодно. В билете содержится 2 теоретических вопроса и задача.

Экзаменатору предоставляется право задавать вопросы сверх билета, а также помимо теоретических вопросов давать для решения задачи и примеры, не выходящие за рамки пройденного материала по изучаемой дисциплине.

Знания, умения и навыки обучающихся определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», которые выставляются в зачетно-экзаменационную ведомость и в зачетную книжку обучающегося в день экзамена.

При проведении устного экзамена в аудитории не должно находиться более восьми обучающихся на одного преподавателя.

При проведении устного экзамена обучающийся выбирает экзаменационный билет в случайном порядке, затем называет фамилию, имя, отчество и номер экзаменационного билета.

Во время экзамена обучающиеся могут пользоваться с разрешения экзаменатора программой дисциплины, справочной и нормативной литературой, другими пособиями и техническими средствами.

Время подготовки ответа при сдаче экзамена в устной форме должно составлять не менее 40 минут (по желанию обучающегося ответ может быть досрочным). Время ответа – не более 15 минут.

Обучающийся, испытывающий затруднения при подготовке к ответу по выбранному им билету, имеет право на выбор второго билета с соответствующим продлением времени на подготовку. При окончательном оценивании ответа оценка снижается на один балл. Выдача третьего билета не разрешается.

Если обучающийся явился на экзамен, и, взяв билет, отказался от прохождения аттестации в связи с неподготовленностью, то в ведомости ему выставляется оценка «неудовлетворительно».

Нарушение дисциплины, списывание, использование обучающимися неразрешенных печатных и рукописных материалов, мобильных телефонов, коммуникаторов, планшетных компьютеров, ноутбуков и других видов личной коммуникационной и компьютерной техни-

ки во время аттестационных испытаний запрещено. В случае нарушения этого требования преподаватель обязан удалить обучающегося из аудитории и проставить ему в ведомости оценку «неудовлетворительно».

Выставление оценок, полученных при подведении результатов промежуточной аттестации, в зачетно-экзаменационную ведомость и зачетную книжку проводится в присутствии самого обучающегося. Преподаватели несут персональную ответственность за своевременность и точность внесения записей о результатах промежуточной аттестации в зачетно-экзаменационную ведомость и в зачетные книжки.

Неявка на экзамен отмечается в зачетно-экзаменационной ведомости словами «не явился».

Для обучающихся, которые не смогли сдать экзамен в установленные сроки, Университет устанавливает период ликвидации задолженности. В этот период преподаватели, принимавшие экзамен, должны установить не менее 2-х дней, когда они будут принимать задолженности. Информация о ликвидации задолженности отмечается в экзаменационном листе.

Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, могут сдавать экзамены в межсессионный период в сроки, установленные индивидуальным учебным планом. Инвалиды и лица с ограниченными возможностями здоровья, имеющие нарушения опорно-двигательного аппарата, допускаются на аттестационные испытания в сопровождении ассистентов-сопровождающих.

Процедура проведения промежуточной аттестации для особых случаев изложена в «Положении о текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся по ОПОП бакалавриата, специалитета и магистратуры» ФГБОУ ВО Южно-Уральский ГАУ (ЮУрГАУ-П-02-66/02-16 от 26.10.2016 г.).

Шкала и критерии оценивания ответа обучающегося представлены в таблице

Шкала	Критерии оценивания
Оценка 5 (отлично)	всестороннее знание программного материала математики; правильное применение математических знаний в решении прикладных задач.
Оценка 4 (хорошо)	знание программного материала; наличие незначительных ошибок в решении задач; недостаточное раскрытие содержания вопросов.
Оценка 3 (удовлетворительно)	знание основных математических понятий, методов и алгоритмов, допускает ошибки при их применении.
Оценка 2 (неудовлетворительно)	нет знания основного программного материала, принципиальные ошибки при ответе на вопросы и в решении задач.

### Вопросы к экзамену

#### 2 семестр

1. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной.
2. Производная от алгебраической суммы, разности, произведения и частного функций.
3. Производные сложных функций, заданных неявно и параметрически.
4. Производные основных элементарных функций (с выводом).
5. Дифференциал функции. Свойства первого дифференциала.
6. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.
7. Геометрический и механический смысл производной и дифференциала 1-го порядка, их применение в решении прикладных задач.
8. Производные высших порядков функций, заданных явно, неявно, параметрически.
9. Механический смысл производной 2-го порядка.
10. Дифференциалы 2-го и высших порядков. Неинвариантность формы дифференциалов высших порядков.

11. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши.
12. Правило Лопиталя для раскрытия неопределенностей.
13. Условия монотонности функций.
14. Экстремумы функций, необходимое условие. Достаточные условия.
15. Отыскание наименьшего и наибольшего значений функции, дифференцируемой на отрезке.
16. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба.
17. Асимптоты функции.
18. Первообразная. Неопределенный интеграл.
19. Свойства неопределенного интеграла. Таблица интегралов.
20. Методы интегрирования (непосредственное интегрирование, интегрирование по частям и заменой переменных).
21. Разложение многочлена с действительными коэффициентами на линейные и квадратичные множители.
22. Разложение рациональных дробей на простейшие. Интегрирование рациональных функций.
23. Интегрирование иррациональных функций (степенные и тригонометрические подстановки).
24. Интегрирование тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка.
25. Выражения, неинтегрируемые в квадратурах.
26. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла. Интегральная сумма, определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница
27. Свойства определенного интеграла, теорема существования. «Теорема о среднем».
28. Интегрирование по частям, замена переменной в определенном интеграле.
29. Определенный интеграл от нечетной и четной функции по симметричному промежутку.
30. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций.
31. Вычисление площадей плоских фигур.
32. Вычисление длины дуги. Вычисление объема тела вращения.
33. Вычисление работы, статистических моментов, центра тяжести плоской фигуры.
34. Функции двух действительных переменных, способы их задания. Область определения.
35. Линии уровня функции двух переменных.
36. Понятие предела и непрерывности функции двух переменных.
37. Частные производные первого порядка, их геометрический смысл.
38. Полный дифференциал, его связь с частными производными. Инвариантность формы полного дифференциала.
39. Приближенные вычисления с помощью полного дифференциала.
40. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о смешанных производных.
41. Дифференцирование сложных и неявных функций.
42. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
43. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие экстремума. Достаточное условие экстремума.
44. Отыскание наименьших и наибольших значений функции.

